O golpe de aríete em condutos. Análise pelo método das características.

Engº Luiz A. Camargo

Trabalho apresentado no XVI Encontro de Engenheiros de Assistência Técnica TUBOS E CONEXÕES TIGRE S.A. Joinville/SC - 07 a 11 de Outubro de 1991

Notas

Este trabalho é a reapresentação revista do que foi apresentado no XV Encontro de Engenheiros de Assistência Técnica da Tubos e Conexões Tigre, em Joinville, em 1989. Além do emprego de calculadoras programáveis, aqui busca-se também, enfatizar a utilização de computadores digitais na análise e resolução de problemas de golpe de aríete, de maneira a aumentar a precisão dos cálculos e torná-los totalmente automáticos. O programa de cálculo para calculadora programável também foi melhorado, tornando sua aplicação mais simplificada. Por fim, devido a significativa influência das massas girantes do grupo eletrobomba na magnitude do golpe, o Apêndice apresenta tabelas de fabricantes contendo a inércia das partes rotativas, numa ampla faixa de valores, não só de bombas, mas também de motores.

Agradecimentos a Milton Simonetti pela preciosa colaboração prestada na codificação BASIC do programa de cálculo para computador aqui apresentado.

Luiz A. Camargo, Vitória, Out., 1991.

ÍNDICE

1- Introdução, 4

2- Equações diferenciais do golpe de aríete, 4

2.1- Equação do movimento, 5

2.2- Equação da continuidade, 7

3- Equações características, 11

4- Solução das equações características e de compatibilidade, 13

5- Representação Gráfica, 15

6- Condições de contorno, 16

6.1- Reservatório de nível constante a montante, 16

6.2- Reservatório de nível constante a jusante, 17

6.3- Conduto fechado em uma extremidade a jusante, 18

6.4- Conexão em série, 18

6.5- Conexão ramificada, 19

6.6- Válvula na extremidade a jusante de um conduto, 20

6.7- Bomba centrífuga com válvula de retenção situadas na extremidade a montante, 23

6.8- Outras condições de contorno, 25

7- Precisão dos cálculos, 25

8- Separação de coluna, 26

9- Programas de cálculo, 26

9.1- Programa para computador, 27

9.1.1- Considerações gerais, 27

9.1.2- Entrada de dados, 30

9.1.3- Saída de dados, 31

9.1.4- Exemplo de cálculo, 31

9.2- Programa para calculadora programável, 33

9.2.1- Considerações gerais, 33

9.2.2- Entrada de dados, 33

9.2.3- Saída de dados, 35

9.2.4- Exemplo de cálculo, 36

Apêndice, 38

1- Módulo de elasticidade volumétrica e massa específica, 38

2- Módulo de elasticidade, 38

3- Momento polar de inércia, 38

4- Relações úteis, 41

5- Seleção de bombas, 42

6- Dimensões de alguns tubos de PVC, 43

Referências bibliográficas, 44

Referências complementares, 44

Catálogos e manuais, 44

1- INTRODUÇÃO.

Por golpe de aríete comumente se denominam as variações de pressão, resultantes de variações da vazão, causadas por perturbações do fluxo, inicialmente permanente, em condutos forçados. Estas alterações da pressão, que variam com o tempo, se propagam em forma de ondas ao longo do conduto, sendo que as amplitudes das mesmas tendem a ser amortecidas devido ao atrito interno.

Entre as diversas causas para o golpe de aríete, pode-se citar operações de abertura ou fechamento de válvulas, paradas de eletrobombas causadas por interrupção de energia elétrica no motor, abertura ou fechamento de turbinas, etc, das quais se origina o fluxo transitório. Durante o regime variável a pressão poderá atingir níveis indesejáveis, que poderão trazer danos ao conduto ou avarias aos dispositivos que no conduto estiverem instalados.

Possivelmente teria sido Michaud, no século XIX, por volta de 1878, quem primeiro realizou estudos sobre o fenômeno. Posteriormente, ainda no século XIX, em 1897, Joukowsky deu importantes contribuições ao desenvolvimento da análise do golpe de aríete. Em seguida, com base nestes trabalhos, Allievi viria a apresentar, já em 1902, a fundamentação teórica das perturbações do fluxo de água em tubos, sem, no entanto, considerar as perdas de carga, simplificação esta nem sempre justificável. Mais tarde, próximo de 1930, as perdas de carga haveriam de ser consideradas com o surgimento dos métodos gráficos desenvolvidos por Schnyder-Bergeron. Mais recentemente, com o aparecimento dos computadores, o cálculo pôde ser automatizado e possibilitou a análise computadorizada do golpe de aríete, mesmo em condições de funcionamento de maior complexidade, tais como os circuitos ramificados e malhados, com um mínimo de simplificação e com menor tempo de cálculo. Com os recursos computacionais atualmente existentes, o método considerado como o mais potente e versátil para análise e resolução de problemas de golpe de aríete é o método das características. É recomendado inclusive pela ABNT, em projetos de sistemas de adução de água.

O objetivo do presente trabalho é apresentar elementos para análise do golpe de aríete com base no método das características, desenvolvendo o seu modelo matemático, bem como apresentando algumas das condições de contorno mais usualmente empregadas na prática. Procura-se também mostrar um programa de cálculo desenvolvido para computador digital e outro para calculadora programável, para análise do golpe, decorrente da parada de bombas, em tubulações de recalque sem dispositivos de proteção, contendo a montante o grupo eletrobomba com válvula de retenção, englobando-se os casos de existência de volantes de inércia, e a jusante um reservatório de nível constante.

Se de alguma forma este trabalho puder ser útil, seria uma modesta contribuição que se faz ao desenvolvimento e à divulgação do tema, com um texto que reúne e resume alguns conhecimentos sobre pontos básicos do assunto.

2- EQUAÇÕES DIFERENCIAIS DO GOLPE DE ARÍETE.

As equações do movimento transiente são obtidas basicamente de duas equações diferenciais parciais da mecânica, aplicadas a um curto trecho do fluido num conduto, que são a segunda lei do movimento de Newton (equação do movimento), e a equação da continuidade. Estas equações não têm uma solução geral conhecida, [10], [11] (*), mas pelo método das características podem ser convertidas em equações diferenciais ordinárias, e daí, expressas na forma de diferenças finitas, e a solução é obtida numericamente com o auxílio de processamento por computador, automaticamente, ou, por calculadora programável, de forma semi-automática.

A resolução, desta forma, consistirá basicamente na determinação da evolução da vazão (ou velocidade) e da altura piezométrica (ou pressão) ao longo do conduto, mediante acréscimos finitos de tempo, conforme se verá mais adiante.

Com o objetivo de simplificar a dedução das equações, o atrito, no regime transitório, será considerado idêntico ao do movimento permanente, e como proporcional ao quadrado da velocidade. O efeito da relação de Poisson será introduzido acompanhando a definição de celeridade.

(*) Os números entre colchetes referem-se às referências bibliográficas mencionadas no final do texto.

2.1- EQUAÇÃO DO MOVIMENTO.

Nesta dedução da equação do movimento, considera-se o elemento de fluido delimitado por duas seções bem próximas, contidas em dois planos paralelos afastados entre si de *dx*, e normais ao eixo do conduto conforme mostrado na Fig. 1.



Fig. 1 - Trecho elementar de fluido.

As variáveis dependentes são a pressão p (ou altura piezométrica H) e a velocidade média V (ou vazão Q) numa seção transversal A (com diâmetro D), enquanto que as independentes são a distância x, sobre o eixo do conduto, a partir da extremidade de montante, e o tempo t.

A equação do movimento reflete o somatório das forças atuantes sobre o elemento de fluido:

a) Força resultante da diferença de pressões entre as duas seções:

$$pA - (p + \frac{\partial p}{\partial x}dx)A = -A\frac{\partial p}{\partial x}dx$$

b) Força resultante da componente do peso próprio:

$$\rho g A \cdot dx \cdot \operatorname{sen} \theta = -\rho g A \cdot \frac{\partial Z}{\partial x} dx$$

visto que sen $\theta = -\partial Z / \partial x$, sendo ρ a massa específica do fluido

c) Força resultante da resistência devida ao atrito com o conduto:

$$t\pi D \cdot dx = \pm \rho A \frac{fV^2}{2A} dx = \rho A \frac{fV|V|}{2D} dx$$

dado que $\tau = \rho.f. V^2/8$, onde f é o fator de atrito de Darcy-Weisbach, e expressando-se $V^2 = V.|V|$ para levar em

conta o sinal adequado quando da inversão do sentido do fluxo transitório.

A soma destas forças, de acordo com a lei de Newton, deverá ser igual ao produto da massa ρ .*A.dx* do elemento de fluido, pela componente tangencial da aceleração dV/dt. Então, a equação do movimento, de acordo com o exposto anteriormente, será:

$$-A\frac{\partial p}{\partial x}dx - \rho g A\frac{\partial Z}{\partial x}dx + \rho A\frac{fV|V|}{2D}dx = \rho A dx\frac{dV}{dt}$$
(1)

Dividindo a Eq. 1, membro a membro, por ρAdx , vem

$$-\frac{1}{\rho}\frac{\partial p}{\partial x} - g\frac{\partial Z}{\partial x} + \frac{fV|V|}{2D} = \frac{dV}{dt}$$
⁽²⁾

Mas como

$$\frac{dV}{dt} = V \frac{\partial V}{\partial x} + \frac{\partial V}{\partial t}$$

e o termo

$$V\frac{\partial V}{\partial x} << \frac{\partial V}{\partial t}$$

então

$$\frac{dV}{dt} \cong \frac{\partial V}{\partial t}$$

Com isto, utilizando a variável Q = AV e tendo em conta que a grandeza Z = H-h e que $p = \rho gh$, substituindo valores e realizando operações com a Eq. 2, esta passa a

$$\frac{\partial Q}{\partial t} + gA \frac{\partial H}{\partial x} + \frac{fQ |Q|}{2DA} = 0$$
⁽³⁾

que é a equação diferencial parcial do movimento.

2.2- EQUAÇÃO DA CONTINUIDADE.

Aplicando-se o princípio da conservação da massa ao elemento de fluido (volume de controle) da Fig. 2, durante um intervalo de tempo, a quantidade líquida de massa que atravessa a superfície de fronteira do volume deverá ser igual à variação da massa contida em seu interior



Fig. 2 - Volume de controle.

$$\rho AV - [\rho AV + \frac{\partial}{\partial x}(\rho AV).dx] = -\frac{\partial}{\partial x}(\rho AV).dx$$

e a variação da massa é

$$\frac{\partial}{\partial t}(\rho A.dx)$$

Portanto,

$$\frac{\partial}{\partial x}(\rho AV)dx + \frac{\partial}{\partial t}(\rho Adx) = 0$$

onde dx não é função de t.

Assim, desenvolvendo as derivadas parciais, substituindo valores e fazendo operações, da equação anterior resulta:

$$\frac{\partial V}{\partial x} + \frac{1}{A}\frac{dA}{dt} + \frac{1}{\rho}\frac{d\rho}{dt} = 0 \tag{4}$$

Por outro lado, quando um certo volume ϑ de líquido de massa específica ρ é submetido a uma pressão p, comprimido por uma força F, a massa total do fluido ρ . ϑ permanece constante, isto é

$$d(\rho \vartheta) = \rho d\vartheta + \vartheta d\rho = 0$$

que resulta em

$$-\frac{\vartheta}{d\vartheta} = \frac{\rho}{d\rho}$$

sendo que se os dois membros são multiplicados por *dp*, vem:

$$-\frac{dp}{\frac{d\theta}{\vartheta}} = \frac{dp}{\frac{d\rho}{\rho}} = K$$

A grandeza *K*, por definição, é o modulo de elasticidade volumétrica do fluido, cujos valores usuais para alguns líquidos estão relacionados no Apêndice. Daí:

$$\frac{1}{\rho}\frac{d\rho}{dt} = \frac{1}{K}\frac{dp}{dt}$$
(5)

Quanto à elasticidade da parede do tubo, no corte A-A da Fig. 2, se verifica que:

$$dA = 2\pi r \cdot dr = 2A\frac{dr}{r} \tag{6}$$

De acordo com a Lei de Hooke, em sólidos de comportamento elástico linear, tem-se [5] que:

$$d\sigma = \left(\frac{dr}{r}\right) \cdot E \tag{7}$$

onde σ é a tensão de tração e *E* é o módulo de elasticidade, ou módulo de Young, do material da parede do conduto, cujos valores usuais para alguns materiais sólidos estão relacionados no Apêndice.

Substituindo a Eq. 7 na Eq. 6, vem:

$$dA = \frac{2A}{E}d\sigma$$
(8)



Fig. 3 - Tração na parede do tubo.

Da Fig. 3, sendo r o raio do tubo e "e" a espessura da parede, chega-se a:

$$d\sigma = -\frac{r}{e}dp \tag{9}$$

Levando-se a Eq. 9 na Eq. 8, vem

 $dA = \frac{2A}{E} \cdot \frac{r}{e} dp = \frac{AD}{eE} dp$

que produz:

$$\frac{1}{A} \cdot \frac{dA}{dt} = \frac{D}{eE} \cdot \frac{dp}{dt}$$
(10)

Substituindo as Eqs. 10 e 5 na Eq. 4:

$$\frac{\partial V}{\partial x} + \frac{D}{eE}\frac{dp}{dt} + \frac{1}{K}\frac{dp}{dt} = 0$$

ou então

$$\frac{\partial V}{\partial x} + \frac{1}{K} \frac{dp}{dt} \left(1 + \frac{KD}{eE} \right) = 0 \tag{11}$$

Na Eq. 11, as constantes entre parênteses podem ser escritas sob a conveniente forma:

$$a^2 = \frac{K/\rho}{1 + \frac{KDC}{eE}}$$

ou então

$$a = \sqrt{\frac{K/\rho}{1 + (K/E) \cdot (D/e) \cdot C}}$$
(12)

onde a grandeza *a* é definida como sendo a celeridade da onda de pressão no conduto, e C é um coeficiente que introduz os efeitos da relação de Poisson.

Para projetos de sistemas de adução de água, a norma P-NB-591/1977 da ABNT recomenda utilizar para a relação de Poisson $\mu \cong 0.3$ e preconiza os seguintes valores para *C*:

a) Conduto ancorado contra movimento longitudinal na extremidade superior e livre na inferior:

 $C = 5/4 - \mu$

b) Conduto ancorado sem movimento longitudinal em toda a sua extensão:

$$C = 1 - \mu^2$$

c) Conduto com junta de dilatação entre ancoragens ao longo de toda a sua extensão:

$$C = 1 - \mu/2$$

Desta forma, usando a equação 12, a equação 11 se escreverá como:

$$\frac{1}{\rho}\frac{dp}{dt} + a^2 \frac{\partial V}{\partial x} = 0 \tag{13}$$

Como

$$\frac{dp}{dt} = V \frac{\partial p}{\partial x} + \frac{\partial p}{\partial t}$$

e o termo

$$V\frac{\partial p}{\partial x} << \frac{\partial p}{\partial t}$$

então

$$\frac{dp}{dt} \cong \frac{\partial p}{\partial t}$$

Logo, utilizando a variável Q = AV e tendo em conta que

$$\frac{\partial p}{\partial t} \cong \rho g \frac{\partial H}{\partial t}$$

a Eq. 13 assume a forma:

$$\frac{\partial H}{\partial t} + \frac{a^2}{gA} \cdot \frac{\partial Q}{\partial x} = 0$$

que é a equação diferencial parcial da continuidade.

Esta equação, juntamente com a equação diferencial parcial do movimento, deduzida anteriormente, forma o par de equações com as quais se analisa o escoamento transitório.

Na forma como se apresentam a solução geral não é conhecida, porém, mediante convenientes operações podem ser convertidas à forma de diferenças finitas, através do método ora em análise, chegando-se à solução pela via numérica.

Este assunto é visto no tópico seguinte.

3- EQUAÇÕES CARACTERÍSTICAS.

As Eqs. 3 e 14 representadas por L_1 e L_2 se escrevem

$$L_1 = \frac{\partial Q}{\partial t} + gA \frac{\partial H}{\partial x} + \frac{fQ|Q|}{2DA} = 0$$

$$L_2 = \frac{\partial H}{\partial t} + \frac{a^2}{gA} \cdot \frac{\partial Q}{\partial x} = 0$$

onde L_1 e L_2 são as equações diferenciais de derivadas parciais, não lineares, respectivamente do movimento e da continuidade, para líquidos compressíveis escoando em condutos de material com comportamento elástico, em regime variável. Possuem duas variáveis dependentes $Q \in H$, e duas independentes $x \in t$, isto é, $Q = Q(x,t) \in H = H(x,t)$. As propriedades do fluido e do conduto são incluídas através da celeridade *a*. Tem-se, assim, duas incógnitas e solução desconhecida.

No entanto, realizando-se uma combinação linear de L_1 e L_2 através de um multiplicador, com $L = L_1 + \lambda L_2$, após a substituição de valores e a realização de operações, tem-se:

$$\left(\frac{\partial Q}{\partial t} + \lambda a^2 \cdot \frac{\partial Q}{\partial x}\right) + \lambda g A \left(\frac{\partial H}{\partial t} + \frac{1}{\lambda} \frac{\partial H}{\partial x}\right) + \frac{f Q |Q|}{2DA} = 0$$
⁽¹⁵⁾

Se as funções Q = Q(x,t) e H = H(x,t) são soluções das equações $L_1 e L_2$, então analisando-se a Eq. 15 verificase o que se segue:

O primeiro termo entre parênteses é a derivada total dQ/dt se $\lambda a^2 = dx/dt$, pois:

$$\frac{dQ}{dt} = \frac{\partial Q}{\partial t} + \frac{\partial Q}{\partial x}\frac{dx}{dt} = \frac{\partial Q}{\partial t} + \lambda a^2 \frac{\partial Q}{\partial x}$$
(16)

Por analogia, o segundo termo entre parênteses é a derivada total dH/dt se $1/\lambda = dx/dt$, pois:

(14)

$$\frac{dH}{dt} = \frac{\partial H}{\partial t} + \frac{\partial H}{\partial x}\frac{dx}{dt} = \frac{\partial H}{\partial t} + \frac{1}{\lambda}\frac{\partial H}{\partial x}$$
(17)

Para que as Eqs. 16 e 17 estejam corretas, tem-se que

 $\frac{dx}{dt} = \lambda a^2 = \frac{1}{\lambda}$

ou

$$\lambda = \pm \frac{1}{\alpha} \tag{18}$$

Então

$$\frac{dx}{dt} = \pm a \tag{19}$$

Daí, substituindo as Eqs. 16, 17 e 18 na Eq. 15, tem-se

$$\frac{dQ}{dt} + \frac{gA}{a}\frac{dH}{dt} + \frac{fQ|Q|}{2DA} = 0$$
(20)

se

$$dx/dt = a \tag{21}$$

е

$$\frac{dQ}{dt} - \frac{gA}{a}\frac{dH}{dt} + \frac{fQ|Q|}{2DA} = 0$$
(22)

se

$$dx/dt = -a \tag{23}$$

Assim, as equações diferenciais parciais 3 e 14 se transformam nas equações diferenciais totais 20 e 22, válidas sempre que satisfeitas as equações 21 e 23.

A solução e o desenvolvimento destas equações ficam bem visualizados num plano *x*-*t*, Fig. 4, onde *x* localiza um ponto no conduto e *t* o instante no qual as variáveis dependentes Q e H devem ser determinadas.

As Eqs. 21 e 23 representam, respectivamente, as retas AP (de inclinação 1/a) e PB (de inclinação -1/a) chamadas linhas características, positiva e negativa, ao longo das quais são válidas as Eqs. 20 e 22, respectivas, chamadas equações de compatibilidade C^+ e C^- .



Fig. 4 - Gráfico das linhas características.

Como nenhuma aproximação matemática foi feita na transformação das equações diferenciais parciais originais, toda solução daí obtida será a solução do sistema original dado pelas equações $L_1 e L_2$.

4- SOLUÇÃO DAS EQUAÇÕES CARACTERÍSTICAS E DE COMPATIBILIDADE.

Com relação à Fig. 4, se as condições em *A* são conhecidas, isto é, se são conhecidos Q_A , H_A , x_A e t_A para todo o conduto quando $t = t_0$, então a determinação das condições no instante $t = t_0 + \Delta t$ se obtém através de um esquema de diferenças finitas com as equações C^+ e C.

Multiplicando toda a Eq. 20 por *dt* e integrando entre *A* e *P*, vem:

$$\int_{A}^{P} dQ + \frac{gA}{a} \int_{A}^{P} dH + \frac{f}{2DA} \int_{A}^{P} Q |Q| dt = 0$$

O termo de atrito em geral é pequeno e nele faz-se Q constante e igual ao valor conhecido que tinha em A. Essa hipótese simplificadora é denominada "*aproximação de primeira ordem*" e satisfaz à maioria dos problemas. De fato a todos, exceto àqueles em que o termo de atrito é predominante no sistema, tal como acontece em longos oleodutos, em escoamentos altamente viscosos em tubos de pequeno diâmetro ou no caso de escoamentos com velocidades muito altas, por exemplo, onde tem-se que considerar aproximação de segunda ordem, pela inadequação da de primeira, [6], [10]. Logo

$$C^{+}: \mathcal{Q}_{P} - \mathcal{Q}_{A} + \frac{gA}{a}(H_{P} - H_{A}) + \frac{f \cdot \Delta t}{2DA} \cdot \mathcal{Q}_{A} \mid \mathcal{Q}_{A} \mid = 0$$
⁽²⁴⁾

Com o mesmo raciocínio

$$C^{-}: \mathcal{Q}_{P} - \mathcal{Q}_{B} - \frac{gA}{a}(H_{P} - H_{B}) + \frac{f \cdot \Delta t}{2DA} \cdot \mathcal{Q}_{B} \mid \mathcal{Q}_{B} \mid = 0$$
⁽²⁵⁾

Destas equações, chega-se a

$$C^{+}: Q_{P} - Q_{A} + S \cdot (H_{P} - H_{A}) + R \cdot Q_{A} \mid Q_{A} \mid = 0$$
⁽²⁶⁾

$$C^{-}: Q_{p} - Q_{B} + S \cdot (H_{p} - H_{B}) + R \cdot Q_{B} | Q_{B} | = 0$$
⁽²⁷⁾

em que

$$S = \frac{gA}{a}$$
(28)

$$R = \frac{f \cdot \Delta t}{2DA} \tag{29}$$

Explicitando-se os valores de QP, tem-se que

$$C^+: \mathcal{Q}_P = CP - S \cdot H_P \tag{30}$$

$$C^-: \mathcal{Q}_p = CM + S \cdot H_p \tag{31}$$

onde

$$CP = Q_A + S \cdot H_A - R \cdot Q_A |Q_A|$$
(32)

$$CM = Q_B - S \cdot H_B - R \cdot Q_B |Q_B|$$
(33)

A equação característica C^+ se aplica ao longo da linha AP (Fig. 4) e a equação característica C^- se aplica ao longo da linha BP. Os valores dos parâmetros CP e CM dependem das condições do sistema no instante $t = t_0$ e servem de base para determinação dos mesmos no instante $t = t_0 + \Delta t$.

Com CP e CM conhecidos, então resolvendo-se as equações 30 e 31 encontra-se

$$Q_P = \frac{CP + CM}{2} \tag{34}$$

e *H*_P pode ser determinado com a Eq. 30 ou Eq. 31. Desta maneira, os valores de *Q*_P e *H*_P podem ser calculados em todas as seções do conduto.

5- REPRESENTAÇÃO GRÁFICA.

Para se compreender melhor este método de análise, considere-se um conduto simples de comprimento total *L* que será dividido em partes iguais. Escolhe-se *N* trechos de igual comprimento Δx tal que $\Delta x = L/N$ e $\Delta t = \Delta x/a$, conforme mostrado na Fig. 5 (pode ser conduto por bombeamento ou por gravidade). Em seguida são determinados em cada seção *i* os valores $Q_0 e H_0$ para as condições de fluxo permanente inicial, que se verifica no sistema quando $t = t_0$ (sobre o eixo *x*), ao longo de todo o comprimento *L*.



Fig. 5 - Malha de cálculo.

Uma vez conhecidos os valores $Q_0 \in H_0$, isto é, os valores $Q_P \in H_P$ no instante $t = t_0$, a partir dos mesmos se calculam os valores $Q_P \in H_P$ nos pontos interiores da malha no instante $t = t_0 + \Delta t$. Estes últimos possibilitam o cálculo dos valores de $Q_P \in H_P$ nos pontos interiores da malha no instante $t = t_0 + \Delta t$. E assim sucessivamente.

Este cálculo é realizado de acordo com os seguintes passos:

1) Com a Eq. 32 determina-se *CP*. Note-se que Q_A e H_A são conhecidos (condições do instante anterior na seção *i* -1).

2) Com a Eq. 33 determina-se *CM*. Note-se que $Q_B \in H_B$ são conhecidos (condições do instante anterior na seção *i* +1).

3) Com a Eq. 34 determina-se QP na seção i.

4) Com a Eq. 30 ou 31 determina-se HP na seção i.

5) Os passos 1, 2, 3 e 4 devem ser aplicados repetidamente em todos os pontos interiores da malha, ou seja, de forma sequencial em todas as seções *i* do conduto, desde *i* =1 até *i* =N -1, determinando-se, desta forma, todos os valores Q_P e H_P para o atual instante de cálculo. Estes valores, conforme dito anteriormente, servirão de base para se determinar as condições (Q_P e H_P) no instante seguinte.

6) Concluídos os cálculos do atual instante, introduz-se um acréscimo de tempo Δt e o procedimento repete-se novamente, reiniciando no passo 1.

Como se vê, este procedimento possibilita a determinação da evolução da vazão Q_P e da altura piezométrica H_P ao longo de todo o conduto, em quantas seções se desejar, mediante acréscimos de tempo Δt , numa sequência de cálculos que com a utilização de processamento por computador, pode ser automatizada. A interrupção poderá ser feita no instante que convier.

De resto, cabe ressaltar que o passo 5 refere-se aos pontos interiores da malha de cálculo, devendo neste passo ser incluído o cálculo nos pontos exteriores da malha, isto é nas seções i = 0 e i = N, extremidades de montante e de jusante do conduto, relativas às condições de contorno do sistema, que ficam definidas associando-se as equações C^+ e C^- a uma condição adicional que reflita o comportamento do contorno. Este assunto é tratado no tópico seguinte.

6- CONDIÇÕES DE CONTORNO.

Condição de contorno é a denominação dada à condição usada para representar o comportamento das fronteiras de cada tubulação em suas extremidades. Estas extremidades podem estar associadas a válvulas, reservatórios, bombas, etc, ou mesmo a outras tubulações, como no caso das junções, nós ou interligações, de dois ou mais condutos.

Como ao equações C^+ e C^- , respectivamente em cada extremidade, estabelecem uma relação entre duas incógnitas, então surge a necessidade de uma condição adicional que represente, através das mesmas variáveis, a interação entre o contorno e o fluido, de forma a surgir daí a solução.

Muitas são as condições de contorno. Um tipo simples de condição de contorno é aquele em que uma das variáveis é função do tempo (como nas manobras de válvulas ou no arranque ou parada de bombas) ou é mantida constante (como nos reservatórios de nível constante ou na extremidade fechada de uma tubulação).

Sistemas complexos podem ser tratados como uma combinação de sistemas simples, de maneira que as ondas transientes são transferidas de um sistema simples para outro.

Algumas condições de contorno frequentes em condutos por gravidade e por bombeamento, são as dadas a seguir.

6.1- RESERVATÓRIO DE NÍVEL CONSTANTE A MONTANTE.

Considerando desprezíveis as perdas locais de entrada no conduto, bem como a carga cinética, comparadas às perdas de carga ao longo do conduto, resulta em que a carga em qualquer instante na seção x = 0, conforme Fig. 6, é constante e igual a própria altura estática nesta seção.



Fig. 6 - Reservatório de nível constante a montante.

Desta forma,

e da Eq. 31 vem:

$$Q_P = CM + S \cdot H_{RRS} \tag{36}$$

6.2- RESERVATÓRIO DE NÍVEL CONSTANTE A JUSANTE.

Da mesma forma, desprezando as perdas locais de saída do conduto e a carga de velocidade, comparadas às perdas ao longo do conduto, resulta em que a carga, em qualquer instante na seção x=L, conforme mostrado na Fig. 7, é constante e igual a própria altura estática nesta seção.



Fig. 7 - Reservatório de nível constante a jusante.

Desta forma,

$$H_{p} = H_{RES}$$
(37)

e da Eq. 30 vem:

$$Q_P = CP - S \cdot H_{RES} \tag{38}$$

6.3- CONDUTO FECHADO EM UMA EXTREMIDADE A JUSANTE.

No caso de um conduto com ramificação fechada em uma extremidade a jusante, conforme mostra a Fig. 8, como da Eq. 30 $Q_P = 0$, então

$$H_P = \frac{CP}{S}$$
(39)



Fig. 8 - Extremidade fechada a jusante.

6.4- CONEXÃO EM SÉRIE.

Nos casos de condutos contendo uniões de tubulações com propriedades distintas, conforme mostrado na Fig. 9, destas condições deverão ser estabelecidas equações adicionais que associadas às equações C^+ e C^- , possibilitem determinar nas seções de transição, os valores de Q_P e H_P .



Fig. 9 - Conexão em série.

A união de tubulações em série, aqui analisada, inclui a variação de diâmetro, de espessura de parede, de rugosidade, etc, ou alguma combinação destas variáveis.

Nos casos de tubulações múltiplas é sempre conveniente se adotar uma notação com índices duplos, como aqui será utilizado. O primeiro índice se referirá ao número do tubo e o segundo à seção do mesmo. Cabe lembrar que, conforme exposto no tópico 5 que o comprimento *L* do tubo é dividido em *N* trechos iguais, então *N* será a referência da seção da extremidade a jusante e 0 (zero) a da extremidade a montante.

Assim, por exemplo, $H_P(2,3)$ seria a altura piezométrica na seção 3 do tubo 2, ao passo que a notação $Q_P(3,N)$ indicaria a vazão na extremidade a jusante do tubo 3 e $H_P(4,0)$ a altura piezométrica na extremidade a montante do tubo 4.

Desta forma, desprezando os efeitos das perdas localizadas entre as seções *N* e 0 dos tubos 1 e 2, Fig. 9, temse:

$$H_{P(1,N)} = H_{P(2,0)} = H_P \tag{40}$$

Aplicando-se a equação C^+ na seção N e a equação C^- na seção 0 vem:

$$Q_{P(1,N)} = CP_{(1,N)} - S_{(1)} \cdot H_{P(1,N)}$$
(41)

$$Q_{P(2,0)} = CM_{(2,0)} + S_{(2)} \cdot H_{P(2,0)}$$
(42)

Obs.: o parâmetro S recebe um só índice por ser constante o seu valor em cada tubo, para qualquer seção. Com a equação da continuidade tem-se que:

$$Q_{P(1,N)} = Q_{P(2,0)} = Q_P \tag{43}$$

Associando-se as Eqs. 40, 41, 42 e 43, obtém-se:

$$H_{p} = \frac{CP_{(1,N)} - CM_{(2,0)}}{S_{(1)} + S_{(2)}}$$
(44)

e o valor de Q_P pode ser obtido com a equação 41 ou 42.

6.5- CONEXÃO RAMIFICADA.

Em sistemas contendo conexões ramificadas, como mostrado na Fig. 10, se desprezados os efeitos das perdas localizadas no nó, então aí poderá ser estabelecido um valor de *H*_P comum aos extremos que se conectam.

Com isto, usando a notação de índices duplos, tem-se:

$$H_{P(1,N)} = H_{P(2,N)} = H_{P(3,0)} = H_{P(4,0)} = H_P$$
(45)



Fig. 10 - Conexão ramificada.

Aplicando a equação C^+ nas seções N e a equação C^- nas seções 0, vem

$$Q_{P(1,N)} = CP_{(1,N)} - S_{(1)} \cdot H_{P(1,N)}$$

$$Q_{P(2,N)} = CP_{(2,N)} - S_{(2)} \cdot H_{P(2,N)}$$
(46)
(47)

$$\mathcal{O}_{\text{SUP}(2,0)} = -\frac{1}{2} \sum_{i=1}^{N} \frac{1}{i_{i}} - \frac{1}{2} \sum_{i_{i}} \frac{1}{i_{i}} + \frac{1}$$

$$\mathcal{L}_{P(3,0)} = \mathcal{L}_{P(3,0)} \times \mathcal{L}_{P(3,0)}$$
 (40)

$$Q_{P(4,0)} = CM_{(4,0)} + S_{(4)} \cdot H_{P(4,0)}$$
(49)

Da equação da continuidade tem-se que:

$$Q_{P(1,N)} + Q_{P(2,N)} = Q_{P(3,0)} + Q_{P(4,0)}$$
(50)

Realizando operações com as Eqs. 45 a 50, vem:

$$H_{P} = \frac{CP_{(1,N)} + CP_{(2,N)} - CM_{(3,0)} - CM_{(4,0)}}{S_{(1)} + S_{(2)} + S_{(3)} + S_{(4)}}$$
(51)

Uma vez conhecido o valor de H_P , os valores de $Q_P(1,N)$, $Q_P(2,N)$, $Q_P(3,0)$ e $Q_P(4,0)$ são facilmente determinados com as equações 46, 47, 48 e 49 respectivamente.

Esta solução pode ser aplicada a junções com qualquer número de tubos, incluindo acoplamento em série, conforme mostrado no tópico 6.4, pois como se vê, a Eq. 44 é um caso particular da Eq. 51.

6.6- VÁLVULA NA EXTREMIDADE A JUSANTE DE UM CONDUTO.

Em sistemas conforme mostrado na Fig. 11 a equação para o escoamento através da válvula, para as condições de fluxo permanente, é dada [6], [10], por:

$$Q_i = (C_d \cdot A_v)_i \cdot \sqrt{2g \cdot H_v}$$
⁽⁵²⁾

Nesta expressão, Q_i é a vazão no regime permanente inicial, H_v é a perda de carga através da válvula e (C_d . A_v)_i é a área da abertura da válvula vezes o coeficiente de vazão que depende do tipo e do grau de abertura da válvula (Obs: o índice *i* refere-se ao regime inicial).



Fig. 11 - Válvula na extremidade a jusante.

Para uma outra abertura qualquer da válvula tem-se

$$Q_P = (C_d \cdot A_v)_P \cdot \sqrt{2g \cdot H_P}$$
(53)

Definindo a abertura adimensional da válvula como

$$\tau = \frac{(C_d \cdot A_v)_P}{(C_d \cdot A_v)_i}$$
⁽⁵⁴⁾

e dividindo a Eq. 53 pela Eq. 52, tem-se:

$$Q_p^{2} = \left(Q_i \cdot \tau\right)^2 \cdot H_p / H_v \tag{55}$$

Resolvendo a Eq. 55 simultaneamente com a equação C⁺, vem

$$Q_P^{-2} = \frac{\left(Q_i \cdot \tau\right)^2 \cdot \left(CP - Q_P\right)}{S \cdot H_{\gamma}}$$
(56)

Fazendo

$$B = \frac{\left(Q_i \cdot \tau\right)^2}{S \cdot H_y} \tag{57}$$

tem-se então que

$$Q_P = \frac{-B + \sqrt{B^2 + 4 \cdot B \cdot CP}}{2} \tag{58}$$

e *H*_P obtém-se da equação 55.

 τ poderá ser obtido de uma lei de abertura ou fechamento da válvula em função do tempo, ou de pontos distintos de uma curva τ x t, ou de valores experimentais.

Uma expressão analítica que relaciona a manobra de abertura ou fechamento de uma válvula, com o tempo consumido na execução desta manobra, é mostrado a seguir.

Seja portanto:

t = tempo obtido através de acréscimos ∆*t*. *T* = tempo de duração da manobra. *E* = expoente. $n_f = (C_d.A_v)_f / (C_d.A_v)_i$ $(C_d.A_v)_f$ = área efetiva da abertura da válvula no final da manobra. $(C_d.A_v)_i$ = área efetiva da abertura da válvula no início da manobra.

a) Manobra de abertura:

$$\tau = \left[1 + (n_f - 1) \cdot \frac{t}{T}\right]^{\mathbb{F}}$$

para
$$0 \le t \le T$$

$$\tau = \left(n_f\right)^g$$

para t > T

b) Manobra de fechamento:

$$\tau = \left[1 - (n_f - 1) \cdot \frac{t}{T}\right]^{\text{F}}$$

para $0 \le t \le T$

$$\tau = \left(n_f\right)^g$$

NOTAS:

- Estas expressões não se aplicam à manobras de abertura de válvulas a partir da posição inicial completamente fechada (impossibilidade da divisão por zero).

- Para escoamento permanente, $\tau = 1$.
- Para nenhum escoamento, com a válvula na posição fechada, $\tau = 0$.
- Para manobras de abertura, $n_f \ge 1$ e $\tau \ge 1$.
- Para manobras de fechamento, $0 \le n_f \le 1$ e $0 \le \tau \le 1$.
- Para E = 1 a manobra é dita linear. Neste caso, $\tau = n_f$ para todo t > T.

- Para manobras de abertura ou fechamento de natureza diferente das que aqui são apresentadas, deverão ser utilizadas leis próprias.

Desta forma, mediante acréscimos de tempo Δt ao tempo, vai-se obtendo a evolução dos valores de QP e HP.

6.7- BOMBA CENTRÍFUGA COM VÁLVULA DE RETENÇÃO SITUADAS NA EXTREMIDADE A MONTANTE.

Em sistemas de condutos elevatórios, impulsionados por eletrobombas centrífugas iguais, operando em paralelo, protegidas por válvulas de retenção posicionadas imediatamente a jusante das bombas, conforme mostrado na Fig. 12, o golpe de aríete decorrente da brusca e simultânea interrupção de energia elétrica fornecida aos motores, pode ser tratado com algumas equações desenvolvidas para esta importante condição de contorno.



Fig. 12 - Bomba centrífuga com válvula de retenção.

Das condições de homologia para bombas, tem-se que:

$$Q/Q_{\rm i} = N/N_{\rm i}$$
, $H/H_{\rm i} = (N/N_{\rm i})^2$ e $P/P_{\rm i} = (N/N_{\rm i})^3$

Nas equações anteriores *P* é a potência fornecida pelo motor e *N* é a rotação do eixo em rpm. Fazendo $\alpha = N/N_i$, vem:

$$Q/Q_i = \alpha, \quad H/H_i = \alpha^2 \quad e \quad P/P_i = \alpha^3$$
(59)

A variação da velocidade angular *w* das partes rotativas de um conjunto eletrobomba, quando se interrompe o fornecimento de energia elétrica ao motor, irá depender do momento polar de inércia *I* das massas girantes, conforme definido no Apêndice. Associando estas grandezas à potência fornecida pelo motor, tem-se:

$$P = -I_{\cdot}w\frac{dw}{dt} \tag{60}$$

Das equações 59 tira-se que:

$$P = P_i \cdot \alpha^3 \tag{61}$$

$$w = w_i \cdot \mathcal{X} \tag{62}$$

Além disto, lembrando que o índice "i" refere-se às condições do regime permanente inicial, tem-se que:

$$P_i = \frac{\gamma \cdot Q_i \cdot H_i}{n_i} \tag{63}$$

$$w_i = 2\pi \cdot N_i / 60 = \pi \cdot N_i / 30 \tag{64}$$

com wi em rad/seg.

Daí, levando-se as Eqs. 61, 62, 63 e 64 na Eq. 60, e integrando entre os limites t = 0 e um instante qualquer t, chega-se a:

$$\alpha_P = \frac{1}{K_b \cdot t + 1} \tag{65}$$

onde

$$K_{\delta} = \frac{900 \cdot g \cdot \gamma \cdot Q_i \cdot H_i}{n_i \cdot I \cdot (\pi \cdot N_i)^2} = \frac{3600 \cdot g \cdot \gamma \cdot Q_i \cdot H_i}{n_i \cdot GD^2 \cdot (\pi \cdot N_i)^2}$$
(66)

em que n_i (%), N_i (rpm), I (Kg.m²) ou GD^2 (Kgf.m²) são fornecidos pelos fabricantes dos equipamentos, Q_i (m³/s) e H_i (m) provêm das condições do fluxo permanente inicial, γ (Kgf/m³) depende do líquido em escoamento e t é o tempo transcorrido (seg).

No regime permanente, o fluxo num conduto por bombeamento, na condição de operação normal, tem a vazão relacionada com a carga piezométrica na bomba através de sua correspondente curva característica, geralmente expressa por uma parábola do tipo:

$$H = A + BQ + CQ^2 \tag{67}$$

Geralmente as constantes A, B e C da Eq. 67 não são fornecidas pelos fabricantes de bombas, e sim, quando muito, ábacos contendo a família de curvas de cada equipamento. Contudo podem ser determinadas pela aproximação da curva correspondente a três pontos distintos localizados sobre a mesma.

Associando as Eqs. 59 à Eq. 67, após substituir valores e realizar operações, desprezando as perdas de carga na sucção, bem como a compressibilidade do fluido no interior da bomba, em relação ao restante do sistema, e resolvendo em simultaneidade com a equação C⁻ (equação 31), tem-se que:

$$Q_P = \frac{B_1 - \sqrt{B_1^2 - C_1}}{2C}$$
(68)

onde

$$B_1 = \frac{1}{S} - B \cdot \alpha_P \tag{69}$$

$$C_1 = 4C \cdot \left(A \cdot \alpha_p^2 + CM/S\right) \tag{70}$$

e A, B e C são os coeficientes da Eq. 67.

O valor de $H_{\mathbb{P}}$ é obtido da equação C, da qual se deduz:

$$H_p = \frac{Q_p - CM}{S} \tag{71}$$

Desta maneira, mediante acréscimos de tempo Δt ao tempo *t* da equação 65, vai-se obtendo, com as Eqs. 68 e 71, a evolução dos valores de Q_P e H_P .

6.8- OUTRAS CONDICÕES DE CONTORNO.

Considerando serem as condições aqui apresentadas úteis na resolução de um bom número de problemas, das situações mais usualmente empregadas na prática, no presente trabalho não se tratará de outros tipos de contornos. Para análise de situações não vistas aqui, nas referências bibliográficas [5], [6] e [10] são examinadas em profundidade várias outras condições de contorno.

7- PRECISÃO DOS CÁLCULOS.

O procedimento empregado para resolução das equações expressas em termos de diferenças finitas, consiste em um método numérico que, como tal, envolve a possibilidade de aproximações e erros, devido a arredondamentos, números irracionais, truncamentos, etc. Estes, num processo com razoável volume de operações, se cometidos após cada operação, se propagam de forma cumulativa podendo o resultado ser afetado.

Pode-se dizer [5], que a solução das equações de diferenças finitas se aproximará tanto mais da solução exata das equações diferenciais originais, quanto mais $\Delta x \in \Delta t$ se aproximarem de zero.

Isto sugere que, com $\Delta t = \Delta x / a$, conforme mostrado anteriormente, estando correto o valor da celeridade e fora a propagação cumulativa, os efeitos dos erros tenderiam a ser abrandados com a utilização de valores para $\Delta x e \Delta t$ suficientemente pequenos.

Cabe também ressaltar que, como é notório, em condutos com propriedades distintas ao longo de sua extensão, com vistas a se uniformizar o cálculo automático, se adotará um mesmo incremento de tempo Δt .

Em sistemas em que o valor da perda de carga é predominante, conforme mostrado no tópico 4, o emprego da aproximação de primeira ordem pode ter como consequência uma instabilidade na solução. Para estas circunstâncias há o seguinte critério de estabilização indicado por Streeter e Wylie [10]:

$$\frac{f \cdot \Delta t \cdot \overline{Q}}{4DA} \le 1$$

(72)

onde $\mathcal Q$ é a vazão média na seção e A é a área da mesma.

8- SEPARAÇÃO DE COLUNA.

Na apreciação sobre o golpe de aríete até aqui feita, foi considerado que na fase de depressão do golpe, a pressão mínima do líquido em escoamento no interior do conduto não cairia o bastante para atingir a respectiva pressão de vaporização. Caso a pressão caia abaixo deste ponto, o líquido tenderá à ebulição e se iniciará a formação e cavidades ou bolhas ocupadas por vapor do líquido em escoamento e por gases dissolvidos no mesmo. Estas cavidades são arrastadas pelo fluxo, e suas dimensões dependerão da interação das forças atuantes nas mesmas. Ao atravessarem regiões onde a pressão for suficientemente mais elevada, haverá a condensação destas bolhas e as cavidades entrarão em colapso. A este fenômeno, em suas várias formas, que tem reflexos diversos sobre os componentes do sistema, é dado o nome de *"cavitação"*.

Nas situações em que o tamanho da cavidade alcança toda a seção do conduto [5], aí se caracteriza um outro fenômeno, denominado *"separação de coluna"*, cuja natureza é bastante complexa. Nestas circunstâncias, a cavidade onde ocorre a vaporização possibilita a formação de duas colunas líquidas. Ao passarem por região onde a pressão seja superior à do vapor, a cavidade colapsa originando elevadas pressões que decorrem do choque das colunas ao se rejuntarem.

A ocorrência destes fenômenos impede a onda de pressão de propagar-se em conformidade com as equações apresentadas, tornado-as, neste caso, não válidas na determinação das pressões. Nestas condições, contudo, a aplicação das equações proporcionará, então, um dado importante: a determinação da possibilidade de ocorrência dos fenômenos, tendo em vista o perfil do conduto. A partir daí, adotam-se os meios preventivos para proteção. Chaudhry [6] e Streeter e Wylie [10] tratam deste assunto em profundidade, onde, inclusive, a cavidade de separação das colunas é considerada como uma condição de contorno.

9- PROGRAMAS DE CÁLCULO.

Com o uso de computadores digitais a análise do golpe de aríete pode ser feita de maneira relativamente simples e totalmente automática, empregando-se as equações apresentadas nos tópicos anteriores.

A utilização de calculadoras programáveis também tem se tornado uma alternativa bastante atrativa para esta finalidade, ainda que, dado as limitações de alguns modelos, o cálculo, por esta via, não possa ser de todo automático, e requeira a intervenção do operador. Alguns modelos mais potentes, contudo, embora mais caros, dispõem de recursos que possibilitam o cálculo de maneira consideravelmente vantajosa.

Desta maneira, buscando contemplar a utilização tanto de computadores quanto de calculadoras programáveis, nos tópicos seguintes são examinados programas de cálculo para ambos os casos.

9.1- PROGRAMA PARA COMPUTADOR.

9.1.1- CONSIDERAÇÕES GERAIS.

O programa para computador, mostrado no Quadro 1, codificado em linguagem BASIC, com equipamento tipo PC XT, foi desenvolvido com base no método das características, e visa proceder à análise e resolução do golpe de aríete, decorrente da parada do grupo eletrobomba, motivada por brusco corte de energia elétrica fornecida aos motores, em tubulações de recalque constituídas por um ou dois tipos de tubos em série, conforme Fig. 13, sem dispositivos de proteção, contendo a montante o grupo eletrobomba com válvula de retenção, levando em conta a possibilidade de existência de volantes de inércia, e a jusante um reservatório de nível constante.



Fig. 13 - Tubulação de recalque.

Por este método, a tubulação 1, de comprimento L_1 , será subdividida em N_1 trechos iguais entre si, e a tubulação 2, de comprimento L_2 , em N_2 trechos iguais entre si. As seções de cálculo do conduto serão aquelas situadas entre os trechos ao longo da tubulação, além da extremidade a montante, junto à válvula de retenção, e da extremidade a jusante, junto ao reservatório. O programa objetiva acompanhar pormenorizadamente o comportamento da vazão e da altura piezométrica nas seções de cálculo ao longo de todo o conduto.

i= '- PECGRAMA 8F-02 DESEMBOLUIDO PARA DELCULO DO GOLPE DE MAIETE DECORRENTE DA PARADA DO GRUPO ELETROBORIA MOTIVADA PER
30 '- INTERRUPCAD SUBIIA DA ENERGIA FORMECION AD MOTOR. EN TUDULACOS DE REDALQUE. CONSTITUIDAS DE UN CU DOIS TIPOS
40 '- OE TUDOS EN SERIE. AETROD DAS CAMACTERISTICAS
50 '- ELEDORACAD LUIT ALEERE CANAGO - PROGRAMEDOR: HILTON JOSE LYRID SINONETTE - VMI.1:12/09/91
50 '50 PENDENT ENERGIA-DIAL 64 PRINT D-FS1121++DLEAR 3200000EFD0L A-2 50 DEM M*(14).0+ 30 DEF BELEVILVE LEFEURI 220 310 ' 320 ' 330 ' 340 PRINT "DIGITE & CONTACTO DOVENTARII "FILLINE INPUT DIAS 350 PRINT "DIGITE & CONTACTO DOVENTARII "FILLINE INPUT DIAS 350 PRINT "DEGENERVA DITES EA LUBULACAO II "FILLINE INPUT TUBULACAOLS 350 PRINT "DEGENERVA DITES EA LUBULACAO II "FILLINE INPUT TUBULACAOLS 350 PRINT "DEGENERVA DITES EA LUBULACAO II "FILLINE INPUT TUBULACAOLS 350 PRINT "DEGENERVA DITES EA LUBULACAO II "FILLINE INPUT TUBULACAOLS 350 PRINT "DEGENERVA DITES EA LUBULACAO II "FILLINE INPUT DOMAS 350 PRINT "DEGENERVA DITES EA CONCELLINE INPUT MICHT DIATAS 350 PRINT "DEGENERVA DITES EA LUBULACAO I (ARTERS) "FILHINT L 310 PRINT "DEGENERVA DITES EA TUBULACAO I (ARTERS) "FILHINT L 310 PRINT "DIGITE O DENFERMENTS EA TUBULACAO I (ARTERS) "FILHINT L 320 PRINT "DIGITE O DENFERMENTS EA TUBULACAO I (ARTERS) "FILHINT RI 320 PRINT "DIGITE O DIANCTRO INTERNO EA TUBULACAO I (ARTERS) "FILHINT RI 320 PRINT "DIGITE O DIANCTRO INTERNO EA TUBULACAO I (ARTERS) "FILHINT RI 320 PRINT "DIGITE O DIANCTRO INTERNO EA TUBULACAO I (ARTERS) "FILHINT RI 320 PRINT "DIGITE O DIANCTRO INTERNO EA TUBULACAO I (ARTERS) "FILHINT RI 320 PRINT "DIGITE O DIANCTRO INTERNO EA TUBULACAO I (ARTERS) "FILHINT RI 320 PRINT ACTURIE O DIANCTRO INTERNO EA TUBULACAO I (ARTERS) "FILHINT RI 320 PRINT "DIGITE A CULRIZACAO EA TUBULACAO I (ARTERS) "FILHINT RI 320 PRINT "DIGITE A CULRIZACAO EA TUBULACAO I (ARTERS) "FILHINT RI 320 PRINT "DIGITE A CULRIZACO EA TUBULACAO I (ARTERS) "FILHINT RI 320 PRINT "DIGITE A CULRIZACAO EA TUBULACAO I (ARTERS) "FILHINT DI 320 PRINT CONTE A CULRIZACAO EA TUBULACAO I (ARTERS) "FILHINT EI 320 PRINT CONTE A CULRIZACAO EA TUBULACAO I (ARTERS) "FILHINT EI 320 PRINT CONTE A CULRIZACAO EA TUBULACAO I (ARTERS) "FILHINT EI 320 PRINT CONTE A CULRIZACAO EA TUBULACAO I (ARTERS) THE INPUT EI 320 PRINT CONTE A CULRIZACAO EA TUBULACAO I (ARTERS) "FILHINT EI 320 PRINT CONTE A CULRIZACAO EA TUBULACAO I (ARTERS) THE DI 320 PRINT CONTE A CULRIZACAO EA TUBULACAO I (ARTERS) "FILHINT EI 320 PRINT CONTE A CULRIZACAO EA TUBULACAO I (ARTERS) "F 270 PRINTOIGHTE A CELEMIDADE DA TUBLLADAG 2 (A/A) "(INPUT E2 280 PRINTOIGHTE A CELEMIDADE DAACT-WEISBACH DA TUBULACAS 1 "(INPUT F1 280 PRINTOIGHTE O FATOR EE AINITO DE DAACT-WEISBACH DA TUBULACAS 1 "(INPUT F1 280 PRINTOIGHTE A FRENA EC CANDA EA TUBULACAS 1 (AINPUT F2 280 PRINTOIGHTE A LITUR DE BARCT-WEISBACH DA TUBULACAS 2 "(INPUT F2 280 PRINTOIGHTE A LITUR DE BARCT-WEISBACH DA TUBULACAS 2 "(INPUT F2 280 PRINTOIGHTE A LITUR DE BESTRUTGENTE INTCIAL (AC/A) "(INPUT MF2 280 PRINTOIGHTE A LITUR DE BESTRUTGENTE INTCIAL (AC/A) "(INPUT MF2 280 PRINTOIGHTE A LITUR DE BESTRUTGENTE INTCIAL (AC/A) "(INPUT MF2 280 PRINTOIGHTE A VAIAS EO REGIME FERNAMENTE INTCIAL (AC/A) "(INPUT MF2 280 PRINTOIGHTE A VAIAS EO REGIME FERNAMENTE INTCIAL (AC/A) "(INPUT MF2 280 PRINTOIGHTE A VAIAS EO REGIME FERNAMENTE INTCIAL (AC/A) "(INPUT MF2 280 PRINTOIGHTE A VAIAS EO REGIME FERNAMENTE INTCIAL (AC/A) "(INPUT MF2 280 PRINTOIGHTE A VAIAS EO REGIME FERNAMENTE INTCIAL (AC/A) "(INPUT MF2 280 PRINTOIGHTE O REGIMENTS EO CONJUNC "(INTO') "(INPUT MF2 290 PRINTOIGHTE O REGIMENTS EO CONJUNC "(INTO') "(INPUT MF2 290 PRINTOIGHTE O COFF, "(CARSIAN)""(INPUT MF2 290 PRINTOIGHTE O COFF, "(CARSIAN)"" ECHINAL (AC/A) "(INPUT MF2 400 PRINTOIGHTE O COFF, "(CARSIAN)"" ECHINAL (AC/A) "(INPUT MF2 410 PRINTOIGHTE O COFF, "(CARSIAN)"" ECHINAL (AC/A) "(INPUT TAX 420 PRINTOIGHTE O TILAP EE AMALIACHO DO GOULT "EA CLEVA PARADELEA DEFACTERISTICA DE BONDA (MAIA)""(INPUT E 420 PRINTOIGHTE O TILAP EE AMALIACHO DO GOULT "EA CLEVA PARADELEA DEFACTERISTICA DE BONDA (MAIA)""(INPUT E 420 PRINTOIGHTE O TILAP EE AMALIACHO DO GOULT "EA CLEVA PARADELEA DEFACTERISTICA DE BONDA (MAIA)""(INPUT E 420 PRINTOICHTE O TILAP EE AMALIACHO DO GOULT (INPUT TAX 438 500 071-01/(2101) 510 61:315001-01/4 520 51:010001-01/4 530 51:01001(21001-510 530 072-010010-520 550 072-0101000-010-520 550 072-0101000-02/4 550 072-0101000-02/4 550 52-02001000-02/4 550 52-02001000-5000

 040
 Effective Calible
 Market

 045
 Effective Calible
 Market

 045
 Effective Calible
 Market

 046
 Effective Calible
 Market

 047
 Market
 Market

 048
 Edited
 Market

 049
 Market
 Market

 049 614 DC508 1434 624 834 STATES A PONTATE. JUNTO AN SRUPS ELETREDONEAL E40 E50 T-0 E44 C35 T+0 C35 T+0 C46 T+0 C76 ALFA-1/(C0-T+1) C86 J=0 C76 DL()=C1(+E)=S1+H(I+E)=R1+D(I+E)=AES(G(1+E)) C96 JF ADS - 50(F) C96 JF ()=C1(+C0+E)=C1(1)/E1) C92 D()=C0+C1(+C0+E)=C1(1)/E1) C93 DF ()=C1(+C0+E)=C1(2)/(2+C) C94 DF ()=C1(+C0+E)=C1(2)/(2+E) C94 DF ()=C1(+C0+E)=C1(2)/(2+E)=C1(+C1))/(2+E)=C1(+C0+

1170 0010 1090 1100 IF #2-8 THEN COTO 1430 1210 2220 CH(1)=Q(1=1)=52+H(1=1)=H2+Q(1=1)=MES(B(1=1)) 5200 CP(1)=Q(1=1)=53+H(1=1)=H1+Q(1=1)=AES(B(1=1)) 5440 HP(1)=CF(1)=CB(1))/(53+S2) 12540 HP(1)=CF(1)=CB(1))/(53+S2) 1250 GP(1)-CP(1)-HF(1)-SI 524 GP(1)-CP(1)-HF(1)-SI 524 GP WF(3)SMAN(1)-THEN HEAK(3)-MP(3) 1270 F 1270 F 1270 F 1270 F 5314 1=3-1 5320 DF 1-41 THEN GOTO 1450 5330 DF 1-46(-51)-52+6(-1)-52+6(-1)-62+6(-1) 1340 DF 1)-46(-51)-52+4(-1)-62+6(-1)-62+6(-1)-1350 DF 4(-1)-46(-1)-762 5360 HF 1)-46(-1)-66(-1)/52 5360 HF 10-46(-1)-66(-1)/52 5360 DF 4(-1)-46(-1)-762 5360 DF 4(-1)-46(-1)-762 5360 DF 4(-1)-46(-1)-762 5360 DF 4(-1)-66(-1)-762 5370 DF 4(-1)-66(-1)-762 5370 DF 4(-1)-762 1544 5428 5439 52451 5449 R2481 5459 EF(1)=G(1-5)+5284(1)=5)-R24G(1-5)+885(G(1-5)) 5449 G(1)=GF(1)=HRE58E2 5478 FP(1)=FRE5 5478 FP(1)=FRE5 14ED GOSUS 1700 ALE GOOD 1/04 1449 JF H423)-444X(1) THEN HAAC(1)+4941) 1569 JF H423(4434(1) THEN BELMES)+4941) 1519 JF 1011 1529 JF TOTHAX THEN BETO 1589 1530 3-0 1540 6(1)-0F(1) ۰. 1550 H41)+40(1) 1560 J-1+1 1560 19115 1570 3F IDH THEN GOTE 078 ELSE COTD 1548 1500 COUL 1710 1500 JF H200 THEN GOTE 1020 ELSE GOTE 1750 1442 1628 ' 3638 LEELAT CHREGOTIATETILFRINTILFRINTILFRINTILFRINTTANNISC DO GOLFC DE ARIETE DECORRENTE DA PARADA DO GRUPO ELETROBORDA. HOTINADA POR E ATERRUPCAS SUBLTE DA EMERGIA FORMECIDA AS MOTOR' 3448 LEELATILFRINTILFRINTTRUCCIANO RE-NET - METOGO DAS CARACTERISTICANTILFRINTILFRINTILFRINTILFRINTTRUCCIANA RE-NET - METOGO DAS CARACTERISTICANTILFRINTILFRINTTRUCCIANA RE-NET - METOGO DAS CARACTERISTICANTILFRINTILFRINTTRUCCIANA RE-NET - METOGO DAS CARACTERISTICANTILFRINTILFRINTILFRINTTRUCCIANA CONTATART. DIAN 3650 LEELATILFRINTTRUCCIANO RE-NET - METOGO DAS CARACTERISTICANTILFRINTILFRINTISISTEMAS (1887-04174) 3650 LEELATILFRINTTRUCCIANO RE-NET - METOGO DAS CARACTERISTICANTILFRINTILFRINTISISTEMAS (1887-04174) 3650 LEELATILFRINTTRUCCIANO RE-NET - METOGO DAS CARACTERISTICANTILFRINTILFRINTISISTEMAS (1887-04174) 3650 LEELATILFRINTTRUCCIANO RE-NET - METOGO DAS CARACTERISTICANTILFRINTILFRINTISTICANSI (1887-04174) 3650 LEELATILFRINTTRUCCIANO RE-NET - METOGO DAS CARACTERISTICANTILFRINTISTICANSI DE ACORDO CON A MASIACANO DO TENPO (1880)]" (LEELATILFRINTISTICANTILFRINT 5740 LEELATILFRINTILFRINTILFRINTILFRINTILFRINTILFRINTILFRINTILFRINTILFRINTILFRINTILFRINTILFRINTILFRINT 5740 LEELATULFUNCTURANTILFRINTILFRINTILFRINTILFRINTILFRINTILFRINTILFRINTILFRINTILFRINTILFRINTILFRINTILFRINTILFRINT STREMESIESE, 95) 3460 LERING CHRENDITWIL HTIFRE FILE TO NTILERINT TABLEHIFICHESIERICHESIERICHESIERINTELENEXT FILERINT 3670 LERINT CHRENZTIETWILLERINT STRINGSIESE, 9531LERINT CHRENENT TEMPOTIERE FILM FILE TO NTILERINT TABLEHIFICTTABLEFITHESETTWIC 5678 LERIAT CHEGOZIATURILDRIAT STREMELTER FORTHLE DESCRIPTION CONCERNENT AND THE TO ATTEMPT TO ATTEMPT THE CHEGOZIATURI AND THE TO ATTEMPT TO ATTEMPT THE CHEGOZIATURI AND THE CH TERNE 1780 LERINTALTURA ESTATIONA "APRESS"ANTROS"ILPRINTALTURA HANOMETNICA TOTALA "APNANS"ANTROS"ILPRINT "VAING DO REGINE PERMANENTE: " ≥90 : "e3/s' SECTIONAL STREAM THESE ESPECIFICE DE LIGUIDEL "SEGARAS" SETAS" SUPERISTERNANT DECADELES "SECRESSIERINT" METER/TIPE/POTENCIAL "SEGARAS" STRE LERINTIEGE ESPECIFICE DE LEGEDET "REMARTE ENEST ET ENERT ENERT ECONALES" "ESTERENTEMENT DE LEMENTE DE LEGENERTE DE LEGENERTE DE CONJUNTO E "ALTERNATION DE LEGENERTE DE CONJUNTO E "ALTERNATION" NEUROPEILE "REMARTE DE LEGENERTE DE LEGENERTE DE CONJUNTO E "ALTERNATION DE LEGENERTE DE LEGENERTE ENERTE ENERTE DE LEGENERTE ENERTE ENERTE DE LEGENERTE ENERTE DE LEGENERTE ENERTE DE LEGENERTE ENERTE DE LEGENERTE ENERTE ENERTE DE LEGENERTE DE LEGENERTE ENERTE DE LEGENERTE ENERTE DE LEGENERTE ENERTE DE LEGENERTE ENERTE DE LEGENERTE DE LE DUG LERINT TUBLACAD S DO TIPOR "ITUBLACADISTIPSIENT TUBLACAD DI DETTO ULLACAD DI TETO "ITUBLACAD DI TETO ALTRONICA DESILERINT COMPRIMENTO DA TUBLACAD DI "ILLE" METTOS METTOS METTOS METTOS MEDISTICOMPRIMENTO DA TUBLACAD DI "ILLE" METTOS "METTOS MERINATICOMPRIMENTO TOTAL DA TUBLACAD DI "METTOS"ILPRINE "MUMERO DE TRECH S DA TUBLACAD DI "MET METTOS LERINT COLERINACIO DE TRECHOS DA TUBLACAD DI "ILLE" METTOS INTERNO DA TUBLACAD DI "ILLE" METTOS METOS METTOS METOS ME SAVE LFRINTALTURA ESTATURAL ESTATURAL "HARLES" ARTIGETURAL ARTIGETURAL ARTIGETURAL TALES (SALE) HARAN ARTIGETURAL

9.1.2- ENTRADA DE DADOS.

Os dados de entrada são introduzidos no programa via teclado, sucessivamente, de acordo com as orientações que sequencialmente vão surgindo no visor, e deverão ser preparados conforme a planilha mostrada no Quadro 2.

No caso de o conduto conter um só tipo de tubulação, isto é, o conduto ser totalmente uniforme, basta desconsiderar os dados relativos à tubulação 2, considerando-se apenas os dados da tubulação 1, como um conduto único.

Para o caso de o conduto conter dois tipos de tubulação em série, com celeridades *a*₁ e *a*₂ respectivamente, a fim de se evitar distorções nos cálculos a seguinte relação deverá ser satisfeita:

$$\frac{L_1}{a_1 \cdot N_1} = \frac{L_2}{a_2 \cdot N_2}$$
(73)

O número total máximo de trechos no qual é subdividido o conduto, é uma limitação imposta pelo número máximo de caracteres na horizontal da folha de impressão. Nas condições normais, considerando linhas de 132 caracteres, a folha de impressão se completará com um número de trechos no máximo igual a 8. Em equipamentos que contenham recursos técnicos para "comprimir" os caracteres, ampliando o seu número para 220 por linha, a folha de impressão, então, se completará com um número total de trechos no máximo igual a 14. É prudente checar a estabilidade.

Quadro 2 -	Dados de	entrada d	o programa	para computador.

9.1.3- SAÍDA DE DADOS.

Como saída de dados o programa listará, para todas as seções de cálculo do conduto, a evolução da vazão (Q) e da altura piezométrica (*H*), de acordo com a variação do tempo, no regime transitório que se estabelece em decorrência da parada das bombas, até que se atinja o tempo prefixado para avaliação do golpe, quando, então, o cálculo se interromperá automaticamente.

Isto posto, o programa listará separadamente os valores máximos e mínimos da altura piezométrica para cada uma das seções de cálculo, e, por fim, listará também os dados de entrada utilizados nos cálculos.

9.1.4- EXEMPLO DE CÁLCULO.

a) Dados de entrada:

Sistema: ADUTORA DE RECALQUE INQUINOR/SÃO MATEUS Tubulação 1 do tipo: PVC IRRIGA PN 125 LF DN 200 Tubulação 2 do tipo: Bomba/tipo/modelo: KSB ETANORM 80-200 Motor/tipo/modelo: WEG ELETRICO 50 CV Comprimento da tubulação 1 (metros) = 2600 Comprimento da tubulação 2 (metros) = Número de trechos da tubulação 1 = 8 Número de trechos da tubulação 2 = Diâmetro interno da tubulação 1 (metros) = 0,2042 Diametro interno da tubulação 2 (metros) = Celeridade na tubulação 1 (m/s) = 347,36 Celeridade na tubulação 2 (m/s) = Fator de atrito de Darcy-Weisbach da tubulação 1 = 0,016 Fator de atrito de Darcy-Weisbach da tubulação 2 = Perdas de carga na tubulação 1 (metros) = 11 Perdas de carga na tubulação 2 (metros) = Altura do reservatório (metros) = 67 Vazão no regime permanente inicial (m³/s) = 0,033 Peso específico do líquido (Kgf/m³) = 1000 Rotação (rpm) = 3500 Rendimento do conjunto = 0,69 Momento de inércia do conjunto (Kg.m²) = 0,4898 Curva característica da bomba (H = A + BQ + CQ²) com A (metros) = 80 $B (s/m^2) = 104.71$ $C (s^2/m^5) = -5103.9$ Tempo de avaliação do golpe (s) = 55

b) Dados de saída:

A listagem a seguir apresenta os dados de saída.

Listagem com evolução dos valores de Q e H do exemplo 9.1.4

ANNUSE DO BOLFE OC AFIETE DECORRENTE DA PARADA DO GRUPO ELETROSOPRA. POTIMON POR INTERRUPCAO SUBITA DA ENERGIA FORNECIDA AO HOTOR PRODANA BE-D2 - HETODO DAS DAFACTERISTICAS

SISTEMAN ADUTORA DE RECALQUE INQUINCE SUNATEUS

DATA419/09/1991

EVOLUCA	D EA VAZA		∎3∕s] E	DA AL	TURA PIG	COMETRICA N	Gaetros). DE A	CONDO	DOM A N	WEINCAR DO T	EMPO (see) I		
1/1 -	e,	8	1/	τ	2/	13	3/8	4/	' a	5/	/ u +	/3	7/8	1/3
TEMPO		H	6	ĸ	•••••	н 4	H	9	н		H G	н ө	н 4	N
	4 4924	78.6	A. #1724	74.6	4,4359	25.3 B-633	73.5		72.5	0.0330	71.1 0.0000	47.0 0.+33	48.4 9.83	30 47.0
0.050	4.4329	77.9	0.4031	74.6	0.0331	75.2 8.433	73.9	0.0331	72.5	8.0331	71.1 4.0331	49.0.0.033	1 49.4 4.83	31 47.0
0.925	4.0000	42.2	0.4030	76.5	0.0331	75.3 8.033	1 73.9	0.0001	72.5	0.0331	71.1 0.0331	69.8 8.033	1 63.4 0.83	31 47.0
1.020	4.0000	42.1	0.2007	41.5	0.0330	75.1 0.033	1 73.9	0.0331	72.5	0.4331	71.1 0.0331	69.8 8.033	1 63.4 0.83	31 47.0
2.865	6.0000	40.0	0.0007		0.0013	40.7 8.682	8 49.1	0.0031	72.4	8.6332	71.1 0.0002	65.0 8.+33	2 48.4 0.83	32 47.0
4.675	6.0000	39.4	0.4007	40.0	0.0013	35.4 0.042	\$ 49.6		39.4	0.4332	71.8 0.0000	49.7 8.433	3 43.4 0.83	33 47.4
5.619	4.0000	39.3	4.4487	38.6	0.0013	35.3 0.002	33.7	0.0026	39.3	0.0033	38.7 +.4332	69.6 8.033	3 43.4 0.83	33 47.0
6.545	4.0000	37.9	0.2007	38.6	+.0013	37.9 0.002	0 39.4	0.0024	37.91	0.0033	30.4 4.8637	36.0 0.033	2 48.3 0.83	33 47.0
7.464	4.0000	37.9	0.0005	37.2	0.0013	37.9 8.002	0 37.2 (9 37.2)	0.0014	37.91	0.0033	37.2 4.2637	37.7 8.004	6 37.2 0.83	32 47.0
0.415	e.0000	36.5	0.0485	35.8	0.0013	34.5 8.601	9 35.6		34.5	8,9832	35.8 +. 1030	34.4 #23	3 45.682	38 47.0
10.265	6.0000	35.1	0.4005	35.8	0.2053	35.1 0.001	9 35.6		35.1	8.0031	35.9 0237	64.9 023	4 45.482	37 47.0
11.229	4.0000	35.1	0.0005	34.4	9.0013	35.1 0.001	P 34.4	0.0025	35.2	0248	43.9 ~. 8237	65.0024	4 45.482	37 47.0
12.155	6.0905	33.8	0.2005	34.4	4.0013	33.8 0.401	8 34.5	0243	62.9	0241	43.9 8243	64.9024	8 45.682	43 47.0
13.050	6.0000	33.7	0.0005	33.1	0.0012	32.0 424	5 61.8		64.7	0242	43.9 8249	64.9 024	6 45.000	4 47.0
14.825	4.0100	32.5	#252	59.7		68.7 025	2 41.8	. 0210	62.8	.0252	43.9 8247	64.9 025	2 65.002	47 67.0
5.895	4.0300	86.2	4252	59.8	0255	64.7425	2 61.0	4254	62.8	.0252	43.9 8254	64.9 025	2 65.6 -: 82	54 67.0
6.830	4.0000	86.3		86.8	0254	64.8425	7 41.7	0255	62.8	4257	43.8 0255	64.9 025	45.982	5 67.0
:7.765	6.0000	07.5		86.9		87.5025	7 61.8 ·	0259	62.8	4257	43.8 6257	64.9 025	/ 45.9N	57 67.9
18.749	6.0000	07.5		88.1	- 3012	DE 7 - 681	2 80.2	PCOT	88.7	0251	43.9 - 2044	64.9 026	2 45.5 - 10	44 67.6
24.535	4.0205	90.0		89.4		80.8	8 87.4	0023	88.8		87.4 8263	65.0025	6 45.902	64 67.0
21.565	6.0300	78.4		87.4	0012	98.0	7 87.4	0023	90.0	0029	87.4 1035	90.0 -,025	65.882	48 67.0
22.440	4.0000	78.4		90.6		94.4441	94.6	.0023	78.0	.8429	50.5 0035	98.1 evt	\$9.7 02	56 67.0
23.375	0.0300	P1.3		14.7	0012	P1.34+1	94.7	0023	21.3	.0427	59.7 6935	71.3444	10.5 0.01	78 67.4
24.319	0.0200	21.3		Y1.P		22.5 - 441	9.0		92.5	.0428	51.9 0.0184	48.4 0.418	47.8 4.41	84 47.4
23.159	6.0340	92.4		\$3.1	0012	92.5401	93.1 -	. 0022	92.5 6		49.5 0.01B6	63.6 0.017	47.8 8.41	36 47.0
27.115	4.0200	93.8		93.2	0012	93.0401	93.1 4	0.0L94	78.3 6	.0170	49.5 4.4193	58.7 0.41T	47.3 4.41	12 67.4
20.050	6.0200	93.8		\$4.4	0011	93.7 0.417	71.24	0.0194	/8.0 (.8197	49.5 6.4194	63.7 9.417	47.8 4.41	\$4 67.4
20.965	4.0206	95.0		\$4.3	0.0201	72.0 0.417	3 71.24	0.0201	- Ce 1 1		49.5 0.4204	63.7 0.019	47.8 4.42	84 67.4
29.929	. 6996	74.7	0.6205	72.7	4.4207	72.1 0.020	71.2		12.2	.8294	49.5 0.0202	43.7 9.424	47.8 4.42	01 67.00 07 47.0
31.759	4.4004	51.0	0.0005	59.7	0.0207	72.0 0.4214	71.34	. 0207	78.4 6	.0210	49.4 4.4287	43.7 9.821	47.7 4.42	47.9
32.725	4.4900	50.2	9.0995	:0.7	Q. 0010	50.2 0.021	71.24	. #213	78.4 4	.8210	49.5 4.4213	48.7 0.421	47.7 4.42	13 67.4
33.669	9664.9	50.1	0.0005	47.5	4.0010	50.1 0.001	47.54	4213	78.0 4	. 0214	49.5 4.0213	43.7 0.421	6 47.9 4.42	13 67.0
34.595	6.6026	47.1	0.0005	47.5	0.0010	49.1 0.0011	47.54	1.0025	49.1 4	.8215	49.5 8.0218	43.7 0.821	47.9 4.42	18 47.4
33.539	0.0000	47.9	0.0005	40.5	0.0010	47.9 0.001	48.54	1.0021	47.5	. 8924	48.4 8.4435	47.9 0.822	47.9 4.42	23 47-8
37.400	0.0020	47.5	0.0005	47.4	0.0010	47.9 0.001	47.44	1.0021	47.5 4	.0424	47.4 8.4031	47.5 0.003	47.4 4.42	23 47.0 .
38.335	8.9020	45.0	0.0005	47.3	4.0010	45.0 0.001	47.3 6	. ++21	45.8 4	. 8424	47.3 4.0031	45.8 0.003	47.401	46 67.8
37.274	8.0030	45.E	0.0095	46.3	4.0010	45.8 0.0014	46.34	1.4921	46.6 4	. 8426	46.3 8.4438	45.8414	24.341	46 67.0
40.205	8.0028	45.7	0.0005	-46.2	4.6916	45.7 0.0011	5 46.24	1.0021	45.7 4	.0425	46.3 0153	45.6 415	44.301	53 67.0
41.140	8.0028	45.7	0.0095	45.1	0.0010	45.7 0.0011	45.2		44.2	.0157	64.9 0165	45.4 - 815	44.3	51 67.0
43.816	8.9630	44.4	0.0005	44.0	4.0014	44.6 8565	43.5		44.2 -	.0164	64.9	65.6 814	46.3 41	51 47.0
43. P45	9.0000	43.5		44.1		52.8016	43.5		44.2 -	.0165	44.9 9150	45.4414	46.3 41	54 67.4
44.004	8.0030	43.4	0172	42.1	0169	62.8017	43.5	.0150	44.2 -	.0171	44.90150	45.4417	. do.3+L	50 47-0
45.915	8.0038	89.0	8172	42.1	+L75	62.00177	43.5	.0175	44.2	.8171	44.9 - 4174	45.4 - 817	26.3 41	74 67.0
44.730	8.9038	89.3	0095	64.9		81.2 8170	43.5	0101	44.5	. 8178	64.9 0131	45.4 817	44.3 41	31 47.4
48.520	8.0038	\$1.3		61.0		81.00414	61.3 -	.0100	44.2 -	. 0184	64.0+131	45.4418	46.3	81 47.0
47.555	8,0030	82.0	0045	61.0	***7	82.3 041	61.9 -		82.3 -	. 0163	64.90136	45.6418	44.341	36 47.9
29.496	8.0020	\$2.3	0045	82.0		82.0 1414	62.0		82.3 -	. 3423	82.8 9194	45.4418	46.3+1	37 47.0
51.425	8.0038	83.3	8095	82.8		03.50014	62.0		83.3 -	.0423	62.6 0026	83.3 818	F 60.341	72 67.4 21 17.6
52.369	8.0038	83.0	0095	83.8		14.0 2014	60.0		84.3 -	.8423	83.8 -,0028	84.0 843	2 83.3 4.41	21 67.4
54.234	8.0000	84.3		64.9		84.0001	E4.9 -		84.3 -	. 1423	04.0 9827	84.3 0.412	47.5 4.01	24 47.0
	2													

HRAF -		15-0		94.4		93.8	90.1		72.5		91.9	91.0	59.7	47.0
HALN -		32.4		33.1		32.6	34.4		35.1		35.0	35.5	37.2	67.4

CADOS UTILIZADOS BOS CALDULOSA

CONDUTO UNIFORME TIPC: PUC IRRIGA PM 125 LF DM 240 CONPUTIO UNIFORME TIPC: PUC IRRIGA PM 125 LF DM 240 DURRED & FIECHES DM TUBLIACADE UNIFORMAL DIAACTRO ENFERTANCE ISAAC UNIFORMAL CELERIDADE DE TUBLIACADE IAFAD AND PETER DE CARGA TOTALE II wetros ALTURA CERTICA 107ALE II wetros ALTURA CERTICA 100 LINUTO: 1400 NETECTO 50 DA SENDENTI DO CONJUNTO I ...40 MENDIO DO CUBLITO DA ELETSOBOMANI ...4098 km.=2 CUEAN CARACTERIETICA DA ENERAS N = A + B0 + C02. DNDC A = 60 metros I = 104.71 s/m2 C = -5100.5 s/s2/s5

٠.

.

;

.

9.2- PROGRAMA PARA CALCULADORA PROGRAMÁVEL.

9.2.1- CONSIDERAÇÕES GERAIS.

O programa ROFE-25 mostrado no Quadro 3, para a calculadora Texas TI-66, foi desenvolvido com base no método das características, destinado à análise e cálculo do golpe de aríete, decorrente da parada do grupo eletrobomba, motivada por brusco corte da energia elétrica fornecida aos motores, em tubulações de recalque constituídas por condutos uniformes, sem dispositivos de proteção, tendo como condições de contorno na extremidade a montante um grupo eletrobomba com válvula de retenção, considerando a possibilidade de existência de volantes de inércia, e na extremidade a jusante um reservatório de nível constante.

O programa tem por finalidade determinar, para cada acréscimo de tempo Δt , a evolução da vazão e da altura piezométrica, para cada uma das 4 seções de cálculo equidistantes entre si, nas quais se subdivide o conduto, distribuídas da seguinte forma: uma no início da linha, junto à válvula de retenção, outra no final da linha, junto ao reservatório, e duas seções intermediárias.

Devido às limitações da calculadora e à dimensão do programa, a execução do mesmo requer a intervenção do operador na entrada e na saída de dados, para cada novo instante de cálculo.

9.2.2- ENTRADA DE DADOS.

Os dados de entrada (ver exemplo) são extraídos dos dados gerais do sistema, mostrado no Quadro 4, e introduzidos no programa, via teclado, conforme segue.

a) Dados iniciais:

<i>S</i> STO 01	A STO 29	$\mathcal{Q}_{ heta}$ STO 15	<i>Н</i> ø STO 26
R STO 03	<i>в</i> sto 30	<i>Q1</i> STO 16	<i>н</i> , вто 27
<i>н</i> ; sto 20	<i>С</i> вто 31	<i>Q</i> ₂ STO 17	<i>H</i> ₂ STO 28
<i>Q</i> ; STO 25		<i>Q</i> ₃ STO 18	<i>Н</i> ₃ STO 24

b) Dados para cada acréscimo Δt .

$$\alpha = \frac{1}{K_{\delta} \cdot t + 1}$$

Label A: dá início à rodada de cálculo para cada acréscimo Δt .

Como se vê, os sucessivos valores de Δt são introduzidos no programa, respectivamente, através dos sucessivos valores de α (*t* assume os valores 0, Δt , $2\Delta t$, $3\Delta t$, etc).

Quadro 3 - Programa para calculadora programável.

PARI - 32	2- J	сL	6- COS	130-	19	4-2	8-	RC*
FIX-3	3- 1	LB	7- 8BR	1-	RCL	5	9-	7
0- LBL	4-8	no	8- GRD	2-	14	6- ROL	220-	K
1- A	5- 1	13	9- PAUSE	3-	1	7- 14	1-	>
2- 810	6- J	CL .	90- RCL	4-	RCL	8-)	2-	810
3- 00	7-2	26	1-24	5-	01	9- /	3-	19
4-2	8- 8	no	2- R/8	6-	+	180- PCL	4-	RIG
5- 810	9-2	21	3- LEL	7-	RCL	1-1	5-	LEI
6- 84	50- J	CL .	4- SIN	8-	29	2-)	6-	RAD
7-1	1-2	27	5- RC*	9-	R	3- 81*	7-	RCI
8- 5	2-8	no	6-6	140-	RCL	4- 5	8-	14
9- 810	3-2	12	7	1-	00	5- FIN	9-	+
10- 02	4-3	CL	8- RCL	2-	R. 5	6- IEL	230-	RCI
1-2	5-2	28	9- 01	3-	>	7- CAP	1-	19
2-6	6-8	no	100- 2	4-	R.	8-02	2-	2
3- 810	7-2	23	1- RC*	5-	4	9- 22	3-	<u>(</u>
4- 05	8-8	18.H	2-8	6-	р.	198- 02	4-	2
5-1	9-8	110	3	· · ·	NOLL N	1- 25		2
B- 1 7- 878	50- 3 1- 5	IBR VBC	4- MCT	8-	31	2-04		31.
7- 810 R- 86	3- 0	Milan	5- 03	160-	41-	3- 20 A- CD	-	2
0- 00	2-3		8- x 7- 8C#	130-	-1(-	6- CP 5- 37		1 01
9- 9 10- 970	3-0	16.35	8-6	3-	nor.	6- CD	240-	CBU
1- 07			0-0	-	10	2-30	1-	BCT
2- 2	6- T	TEL COR	110- 90+	3-	1.9	8- 00	3-	10
3- 3	7- 0	27	1- 6	5-	ς. Έ	9- 29	3-	
4- 970	 		3- 101		÷	200- 972		вст
6- 00	0-0	ND ND	2-121	7-	1/-	1 - TBT		11
6- 2	70- 9		4- 9TO	8-	+	2- 009	6-	
7- 0	1- 8	TA	5-14	a-	BCT.	3- 30+	7-	RCT
8- 870	2- 8	TP. H	6- BTN	160-	10	4-7	8-	24
9- 09	3- 0	008	7- LEL	1-	5	5- +	- e	5
и – жат.	a- 8	78.18	B- DEC	2-	· /	6- BCT.	250-	ят•
1- 15	5- 7		9- RCT.	3-	ż	7- 01	1-	2
2- 810	6- 5	TRUAN	120- 01	4-	7	B- K	2-	RIA
3- 10	7-8	IB.R.	1- 1/4	5-	BCL.	9- BC+	-	
4- RCL	8- 1	LAN	2	6-	31	210- 9		
5- 16	9- 5	TRUAK	3- RCL	7-	5	1		
6- 8TO	80- C	380	4- 30	8-	8 1 *	2- RCL		
7- 11	1- 4	1	5- x	9-	2	3- 03		
8- RCL	2- 5	71	6- RCL	170-	RIN	4- x		
9- 17	3-8	ШR.	7- 00	1-	L.EL.	5- PC+		
ID- 8TO	a - 0	vo 🛛	8- 1	2-	TIM	6-7		

34

Quadro 4 - Dados gerais do sistema.



9.2.3- SAÍDA DE DADOS.

Para cada acréscimo de tempo Δt , os valores de vazão (Q) e da altura piezométrica (*H*), respectivamente um de cada vez, aparecerão no visor, sucessivamente de montante para jusante, para cada seção de cálculo 0, 1, 2 e 3. Este procedimento se repete sucessivamente, até o instante em que convier.

Devido a não existência de impressora os valores fornecidos pelo visor em cada passo de cálculo deverão ser registrados pelo operador, em quadros previamente elaborados.

Além da saída pelo visor, estes valores saem também armazenados nas mesmas memórias nas quais, respectivamente, inicialmente deram entrada.

Observação:

No instante em que na seção zero (junto à válvula de retenção) houver inversão no fluxo, isto é, Q $Q_0 = 0$ e determinando-se o valor de H_0 correspondente, os quais deverão ser introduzidos nas memórias 15 e 26 respectivamente, como o foram inicialmente. Daí em diante, a fim de que a válvula de retenção permaneça "fechada", atribui-se a *C* um valor elevado [2], tal como *C* = 10¹⁵, que deverá ser armazenado na memória 31.

```
a) Dados gerais do sistema:
```

```
Tubo tipo: PVC IRRIGA LP PN 125
Bitola: DN 200
L (m) = 2600,00
D (m) = 0,2042
e (m) = 0,2042
e (m) = 0,0089
E (Kgf/m²) = 3,0 x 108
μ= 0,38
C = 0.81
ρ (Kgf.s²/m²) = 102,00
K (Kgf/m²) = 2,10 x 10<sup>a</sup>
\gamma (Kgf/m<sup>3</sup>) = 1000,00
Q_i (m^3/s) = 0.033
HRES (m) = 67,00
h_r(m) = 11,00
H_i(m) = HRES + h_f = 78,00
Ax (m) = L/3 = 866,67
f = g_{\pi}\pi^2 D^5 h/(8.L, Q_t^2) = 0.016
a (m/s) = ((K/p)/(1 + (K/E).(D/e).C))<sup>0.5</sup> = 347,36
∆t (s) = ∆x/a = 2,497
Bomba tipo: KSB-ETANORM
Modelo: 80-200
Potência do motor = 50 CV
N_i (rpm) = 3500
n_i = 0.69
I do conjunto (Kg.m<sup>2</sup>) = 0,422
Kb (1/s) = 900.g.\gamma.Q<sub>i</sub>.H/(n_i I.(\pi,N_i)^2) = 0.646
H = A + BQ + CQ<sup>2</sup>, com
A (m) = 80,00
B (s/m<sup>2</sup>) = 104,71
C (s²/m<sup>s</sup>) = -5103,87
```

b) Dados iniciais de entrada:

S = g.π.D²/(4.a) = 0,00092	STO 01
R = 2.f.Δt/(π.D ³) = 2,987	STO 03
H _i = 78,00	STO 20
Q _i = 0,033	STO 25
A = 80,00	STO 29
B = 104,71	STO 30
C = - 5103,87	STO 31
$Q_0 = Q_i = 0,033$	STO 15
$Q_1 = Q_i = 0,033$	STO 16
$Q_2 = Q_i = 0,033$	STO 17
$Q^3 = Q_i = 0,033$	STO 18
H ₀ = H _i = 78,00	STO 26
H ₁ = H _{RES} + 2.h _f /3 = 74,33	STO 27
H ₂ = H _{RES} + h _f /3 = 70,67	STO 28
H ₃ = H _{RES} = 67,00	STO 24

c) Dados de entrada para cada acréscimo Δt :

$$\alpha = \frac{1}{K_{\delta} \cdot t + 1}$$

Label A

d) Saída de dados:

A listagem a seguir apresenta os dados de saída, para os primeiros 35 segundos de avaliação do golpe.

		L		+		+		+	
Ł	æ	x/Z	. = 0	x/L 	= 1/3	x/L =	2/3	x/L =	3/3
(5)	-	ι Ωο	ж _е	+ Ι Ωι	ж.	+ I Q2	<i>Ж</i> 2	+ ட ம	Хı
				+		+		+	
0,000	1,000	0,033	78,00	0,033	74,33	0,033	70,67	0,033	67,00
2,497	0,383	0,000	42,16	0,033	74,34	0,033	70,67	0,033	67,00
4,994	0,237	0,000	41,90	0,002	40,19	0,033	70,67	0,033	67,00
7,491	0,171	0,000	38,24	0,002	40,02	0,004	38,31	0,033	67,00
9,988	0,134	0,000	38,15	0,002	36,38	0,003	38,15	-0,023	67,00
12,485	0,110	0,000	34,53	0,002	36,30	-0,024	64,21	-0,023	67,00
14,982	0,093	0,000	34,46	-0,025	61,43	-0,024	64,28	-0,025	67,00
17,479	0,081	0,000	86,34	-0,025	61,50	-0,025	64,22	-0,025	67,00
19,976	0,072	0,000	86,53	-0,002	88,08	-0,026	64,22	-0,026	67,00
22,473	0,064	0,000	89,81	-0,002	88,20	-0,003	89,76	-0,026	67,00
24,970	0,058	0,000	89,86	-0,002	91,47	-0,003	89,87	0,018	67,00
27,467	0,053	0,000	93,12	-0,002	91,51	0,019	69,23	0,018	67,00
29,964	0,049	0,000	93,16	0,020	71,47	0,019	69,18	0,020	67,00
32,461	0,046	0,000	51,10	0,020	71,41	0,021	69,24	0,020	67,00
34,958	0,042	0,000	50,96	0,001	49,57	0,021	69,23	0,022	67,00
HHÁX =			93.16		91.51		89.87		67.00
HHÍN =			34,46		36,30		38,15		67,00

Listagem com evolução dos valores de Q e H do exemplo 9.2.4

Como as pressões máximas na linha são inferiores à pressão de serviço do tubo empregado, será necessário apenas verificar se o perfil da tubulação, comparado com as pressões mínimas, não propiciará pressões negativas que possam causar cavitação ou separação de coluna, a fim de que medidas de proteção possam ser adotadas. Ver na Fig.14 algumas posições aproximadas que a linha piezométrica assume em instantes distintos, após o corte de energia elétrica fornecida ao motor.



Fig. 14 - Diferentes posições da linha piezométrica no conduto.

1- MÓDULO DE ELASTICIDADE VOLUMÉTRICO E MASSA ESPECÍFICA.

A Tabela 1 indica valores usuais do módulo de elasticidade volumétrica K e da massa específica ρ de alguns líquidos, à temperatura de 20 °C:

Tabela 1 -	Valores	usuais	de	Ke	ρ, à	20	٥C
------------	---------	--------	----	----	-------------	----	----

 Substância	ぼ (x 10 ^a Kgf/m ²)		Fonte
Água	2,10	102,00	(a)
Água do mar	2,38	104,60	(b)
Gasolina	1,42	76,46	(b)
Benzeno	1,03	89,76	(c)
Alcool etílico	1,21	80,58	(c)

(a): P-NB-591/1977 da ABNT,

(b): referência bibliográfica [5].

(c): referência bibliográfica [11].

2- MÓDULO DE ELASTICIDADE.

Na Tabela 2 estão indicados valores usuais do módulo de elasticidade E (modulo de Young) de alguns materiais sólidos:

Tabela 2 - Valores usuais de E.

Material do tubo E (x 10 ^a Kgf/m ²) Fonte Cimento amianto 30,00 (a) Aço 210,00 (a) Concreto 20,00 (a) Ferro fundido cinzento 120,00 (a) Ferro fundido nodular 170,00 (a) Poliéster 18,00 (a) PVC rígido 3,00 (b)			
Cimento amianto 30,00 (a) Aço 210,00 (a) Concreto 20,00 (a) Ferro fundido cinzento 120,00 (a) Ferro fundido nodular 170,00 (a) Poliéster 18,00 (a) PVC rígido 3,00 (b)	Material do tubo	<i>E</i> (x 10ª Kgf/m²)	Fonte
	Cimento amianto Aço Concreto Ferro fundido cinzento Ferro fundido nodular Poliéster PVC rígido	30,00 210,00 20,00 120,00 170,00 18,00 3,00	(a) (a) (a) (a) (a) (a) (b)

(a): P-NB-591/1977 da ABNT.

(b): fabricantes nacionais de tubos de PVC.

3- MOMENTO POLAR DE INÉRCIA.

O momento polar de inércia das massas girantes, é definido pela seguinte expressão:

$$I = \int r^2 \cdot dm$$

(74)

onde r é a distância do eixo de rotação à massa elementar dm.

Contudo é usual se adotar, em vez de *I*, a grandeza GD^2 , também representada por PD^2 ou WD^2 , às vezes chamada "fator de inércia", que se define [9] por:

$$GD^{2} = \int d^{2} \cdot dp = \int (2r)^{2} \cdot g \cdot dm = 4g \int r^{2} \cdot dm$$

Portanto:

$$GD^2 = 4g \cdot I \tag{75}$$

e representa o limite do somatório dos produtos dos pesos elementares dp das partes girantes do grupo, pelo quadrado do diâmetro *d* da circunferência concêntrica com o eixo, e que passa pelos respectivos centros de gravidade.

Usa-se também GR² ou WR²:

$$GR^{2} = \int r^{2} \cdot dp = \int r^{2} \cdot g \cdot dm = g \int r^{2} \cdot dm = g \cdot I$$

Assim, tem-se:

$$GR^2 = \frac{GD^2}{4} = g \cdot I \tag{76}$$

 $\operatorname{com} GD^2$ ou GR^2 em Kgf.m², g em m/s² e / em Kgf.m.s².

Unidades diversas:

[GD²] = Kgf.m², N.m², lbf.ft²[*I*] = Kgf.m.s², Kg.m², N.m.s², lbm.ft²

A Tabela 3 a seguir, apresenta valores de *I*, em Kg.m², de motores elétricos de diversas potências, do fabricante WEG.

Tabela 3 - Valores usuais de I (Kg.m²) para motores elétricos.

Pot	ência	Momento de	: Inércia (Kg.m²)
(CV)	(KW)	1800 rpm	3600 rpm
0,16	0,12	-	
0,25	0,18	-	-
0,33	0,25	0,0006	0,0005
0,50	0,37	0,0008	0,0006
0,75	0,55	0,0015	0,0006
1,00	0,75	0,0016	0,0015
1,50	1,10	0,0056	0,0016
2,00	1,50	0,0074	0,0020
3,00	2,20	0,0075	0,0026
4,00	3,00	0,0084	0,0064
5,00	3,70	0,0157	0,0087
6,00	4,40	0,0177	
10,00	5,5U 7,50	0,0285	0,0104
10,00	7,50	0,0330	0,0179
12,00	9,20	0,0400	
10,00	15,00	0,0900	0,0220
25,00	10,00	0,1010	0,0030
20,00	22.00	0,2000	0,0000
40.00	22,00	0,2030	0,2080
50.00	37.00	0 4440	0.3330
60.00	45.00	0.7900	0 4400
75.00	55.00	0.9000	0.4800
100.00	75.00	1.0600	0.6100
125.00	90,00	2,1000	1,2200
150,00	110,00	2,5100	1,2700
200,00	150,00	2,9300	1,4900
250,00	185,00	3,6900	
300,00	220,00	6,6500	
350,00	260,00	7,3600	
425,00	315,00	8,8000	

A Tabela 4 adiante indica valores de *I*, em Kg.m², de bombas de diversos tamanhos, referentes ao modelo ETANORN do fabricante KSB.

Tamanho	lviomento inércia do conj. girante (Kg.m²)
224254	0.04.40
32-120.1	0,0140
32-160.1	0.0224
32-160	0.0238
32-200.1	0,0760
32-200	0,0786
32-250.1	0,1800
32-250	0,1820
40-125	0.0336
40-200	0.0640
40-250	0,1880
40-015	0,4096
50-125	0,0189
50-100	0,0394
50-200	0,0750
50-315	0.4800
65-125	0,0263
65-160	0,0521
65-200	0,0985
65-250	0.2232
80-460	0,5120
80-200	0.1568
80 260	0,2004
80-315	0,5696
00-400	1,2700
100-160	0,1040
100-200	0,1800
100-315	ບ,ຮຳບໍ່ບົ
100-400	1,3832
125-200	0,2230
125-250	0,4100
120-310	0,7740
150-200	0.2918
150-250	0,4656
150-315	0,8680
150-400	1,0600

Tabela 4 - Valores de *I*, em Kg.m² para bombas.

Nos conjuntos motobomba em que o motor e a bomba girarem com a mesma velocidade, tem-se:

/ do grupo = / do motor + / da bomba + / do volante.

Esta relação, obviamente, é válida também para o GD².

4- RELAÇÕES ÚTEIS.

a) 9,806 x / (Kgf.m.s²) = / (Kg.m²) b) 0,102 x / (Kg.m²) = / (Kgf.m.s²) c) 0,04213 x GD^2 (lbf.ft²) = GD^2 (Kgf.m²) d) 9,806 x ρ (Kgf.s²/m⁴) = ρ (Kg/m³) e) 0,102 x ρ (Kg/m³) = ρ (Kgf.s²/m⁴)

5- SELEÇÃO DE BOMBAS.

Os diagramas abaixo possibilitam a seleção de bombas de diversos tamanhos, referentes ao modelo ETANORM, do fabricante KSB.



Diagramas de seleção de bombas.

1750 rpm

TUBO	CLASSE	DN	REF.	DIÂMETRO	DIÂMETRO	ESPESSURA	ÁREA SECÃO
			(pol.)	EXTERNO	INTERNO	PAREDE	INTERNA
				(mm)	(m)	(m)	(m2)
			1 1/2	 E 0	0.0454	0 0022	0 00162
		40 50	2	50 60	0,0454	0,0023	0,00182
	12	60	2.1/2	75	0.0682	0.0034	0.00365
		75	3	85	0,0772	0,0039	0,00468
		100	4	110	0,1000	0,0050	0,00785
		125	5	140	0,1272	0,0064	0,01271
		140	6	160	0,1454	0,0073	0,01660
		180	8	200	0,1818	0,0091	0,02596
		220	10	250	0,2272	0,0114	0,04054
		270	12	300	0,2728	0,0136	0,05845
		40	1.1/2	50	0,0440	0,0030	0,00152
PBA		50	2	60	0,0534	0,0033	0,00224
		60	2.1/2	75	0,0666	0,0042	0,00348
		75	3	85	0,0756	0,0047	0,00449
	15	100	4	110	0,0978	0,0061	0,00751
		125	5	140	0,1244	0,0078	0,01215
		140	6	160	0,1422	0,0089	0,01588
		190	8	200	0,1//8	0,0111	0,02483
		270	12	300	0,2222	0,0167	0,05582
			1 1 /0				
		40	1.1/2	50	0,0428	0,0036	0,00144
		60	21/2	75	0 0644	0 0053	0 00326
		75	/-	85	0.0728	0.0061	0.00416
	20	100	4	110	0,0944	0,0078	0,00700
		125	5	140	0,1200	0,0100	0,01131
		140	6	160	0,1372	0,0114	0,01478
		180	8	200	0,1714	0,0143	0,02307
		220	10	250	0,2142	0,0179	0,03604
		270	12	300	0,2572	0,0214	0,05196
		100	4	118	0,1084	0,0048	0,00923
DEFOFO	1 MPa	150	6	170	0,1564	0,0068	0,01921
		200	8	222	0,2042	0,0089	0,03275
		250	10	274	0,2520	0,0110	0,04987
		300	12	326	0,2998	0,0131	0,07060
		35		38,1	0,0357	0,0012	0,00100
		50	2	50,5	0,0481	0,0012	0,00182
	PN 40	75	3	75,5	0,0725	0,0015	0,00428
		100	4	101,6	0,0976	0,0020	0,00739
		125	6	150.0	0,1200	0,0025	0.01629
IRRIGA		100	4	118	0,1126	0,0027	0,00996
	PN 60	150	6	170	0,1622	0,0039	0,02066
		200	8	222	0,2120	0,0050	0,03530
		300	12	326	0,2010	0,0074	0,07606
		 50	 ຈ	 50 5	0 0467	0 0010	0 00171
	PN 80	50	2	75 5	0.0705	0.0025	0,001/1
	11 00	100	4	101,6	0,0944	0,0025	0,00700
		100	·	110	0 1094	0 0049	0 00022
		150	4 6	170	0,1564	0,0048	0 01923
	PN 125	200	8	222	0,2042	0,0089	0.03275
		250	10	274	0,2520	0,0110	0,04987
		300	12	326	0,2998	0,0131	0,07060

REFERÊNCIAS BIBLIOGRÁFICAS.

[1] - Almeida, A.B. - "Análise do Golpe de Aríete pelo Método das Características" - Seminário 238 - LNEC, Lisboa, 1979.

[2] - Almeida, A.B. - "O Golpe de Aríete em Condutas. Análise Semi-Automática Utilizando Mini-Calculadoras Programáveis", LNEC, Lisboa, 1980.

[3] - Almeida, A.B. - "Regime Variável em Pressão - Golpe de Aríete. Fundamentos Teóricos e Modelação Matemática" - Seminário 238 - LNEC, Lisboa, 1979.

[4] - Camargo, L.A. - "O Golpe de Aríete em Tubulações de Recalque. Análise Simplificada" - Tubos e Conexões Tigre, Joinville, 1989.

[5] - Castillo, U.M. - "Teoria del Golpe de Ariete y sus Aplicaciones en Ingeniería Hidráulica" - Limusa, México, 1987.

[6] - Chaudhry, M.H. - "Applied Hydraulic Transients" - Van Nostrand Reinhold, New York, 1987.

[7] - Fox, J.A. - "Hydraulic Analysis of Unsteady Flow in Pipe Networks" - Macmillan, London, 1977.

[8] - Parmakian, J. - "Waterhammer Analysis" - Dover, New York, 1963.

[9] - Quintela, A.C.- "Hidráulica" - Fundação Calouste Gulbenkian, Lisboa, 1981.

[10] - Streeter, V.L. e Wylie, E.B. - "Fluid Transients" - Feb Press, Ann Arbor, 1985.

[11] - Streeter, V.L. e Wylie, E.B. - "Mecânica dos Fluidos" - McGraw-Hill, São Paulo, 1982.

REFERÊNCIAS COMPLEMENTARES.

- Almeida, A.B. - "O Golpe de Aríete e o Projecto de Condutas Elevatórias" - Seminário 238 - LNEC, Lisboa, 1979.

- Evangelisti, G. - "Teoria Generale del Colpo D'Ariete Col Metodo Delle Caratteristiche" - L'Energia Elettrica, Vol. 42, Milano, 1965.

- Jaeger, C. - "Water Hammer Caused by Pumps" - Water Power, London, July, 1959, pp. 259-266.

- Koelle, E. - "Transientes Hidráulicos. Fatos e Erros ou Erros de Fato" - 14º Congresso Brasileiro de Engenharia Sanitária e Ambiental da ABES, São Paulo, 1987.

- Miyashiro, H. - "Waterhammer Analysis of Pump System" - Bulletin of the Japan Society of Mechanical Engineers, Vol. 10, No. 42, 1967.

- Passeto, W. - "Problemas de Sobrepressão em Instalações Prediais de Água Fria" - Cia. Hansen Industrial, Joinville, 1977.

CATÁLOGOS E MANUAIS.

- KSB - Manual Técnico de Bombas Centrífugas ETANORM - Várzea Paulista, 1987.

- TIGRE - Catálogo Geral de Tubos e Conexões de PVC - Joinville, 1990.

- WEG - Manual de Motores Elétricos - Catálogo 511.04.0181.PE, Jaraguá do Sul.

/////